

# Kryptologie pro praxi – zesílení hašovací funkce třídy SHA-1

Oblast digitálních podpisů se dostává do mírně krizového stavu, neboť za světově nejrozšířenější a nejpoužívanější funkce MD5 a SHA-1 už nedá nikdo ruku do ohně. Za MD5 už vůbec ne a u SHA-1 NIST od garancí upouští. Pochopitelně, když se za poslední rok a půl snížila bezpečnost SHA-1 více než 100 000 krát. A tak americký standardizační úřad NIST vydal doporučení přestat ji používat ihned, kde to lze, a jako standard by měla fungovat nejdéle do roku 2010. Pak už si odpovědnost za případné škody ponosou sami uživatelé. Teď všechny čeká nová etapa výměny za bezpečnější funkce třídy SHA-2.

Je kryptografie tak neschopná, že nedokáže nabídnout bezpečnou hašovací funkci, když je to klíč pro všechny digitální podpisy, elektronickou výměnu dat, protokoly a bůhvíco ještě? Problém je v tom, že vývojáři a uživatelé nechťeli vidět fakt, že kryptografické techniky zastarávají. Prodlužují jejich život tak dlouho, dokud je realita ke změně nedonutí. Žádné předvídání, žádná rezerva. A to je dnešní stav. Proto právě NIST vyvinul rozsáhlé mezinárodní úsilí k navržení nového konceptu hašovacích funkcí.

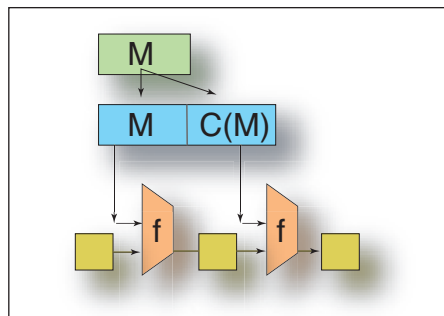
Celou situaci shrnuje motto „nedůvěřujte kryptologům“, které nabádá brát kryptografické techniky jako časově omezené bezpečnostní nástroje a starat se o jejich aktualizaci tak jako ve všem, co se týká bezpečnosti informačních systémů.

Vzorově to dokládá funkce MD5, která se za poslední rok a půl proměnila z „dost bezpečné hašovací funkce“ na ruinu. Nejnovější praktický výsledek tzv. tunelování hašovacích funkcí, je z března t.r. a umožňuje generovat její kolize v průměru za 17 sekund na obyčejném PC [3]. S tímto veřejně dostupným zdrojovým kódem lze pak dělat zajímavé triky, např. viz [4].

V dubnovém čísle jsme nabídli ještě záchranu těm, kdo nemají jinou možnost, než používat MD5 (například v uzavřených systémech). První úprava byla platná pro všechny hašovací funkce a spočívala v doplnění každého bloku zprávy o jeho kontrolní kód (obr. 1). Druhá úprava využívala hašovací kód několika instancí MD5 najednou, kde se jednotlivé MD5 liší inicializačními konstantami. To je také přijatelná záplata pro některé systémy. Dnes ohodnotíme bezpečnost takové konstrukce i pro SHA-1 a uvedeme ještě další možnosti.

## Bezpečnost k-násobně SHA-1

Uvažujme tedy hašovací funkci  $F$ , jejíž hašový kód  $F(M)$  zprávy  $M$  se skládá ze zřetězení k hašových kódů  $F_1(M) || F_2(M) || \dots || F_k(M)$ . Za  $F_i$  uvažujeme SHA-1<sub>IV<sub>i</sub></sub>, tj. funkci SHA-1 s inicializační konstantou IV<sub>i</sub>. Ještě před rokem a půl se všeobecně



Obr. 1 Obecné doporučení pro všechny hašovací funkce (ST 4/06)

myslelo, že složitost nalezení kolize takové funkce bude zhruba  $2^{80} * 2^{80} * \dots * 2^{80} = 2^{80k}$ , kde  $2^{80}$  je, jak víme, složitost nalezení kolize SHA-1 narozeninovým paradoxem. Metody Wangové [1] však z čísla 80 nyní udělaly 63 a metody Jouxové [2] pak celý vzorec zdegradovaly na:  $2^{63}$  (pro  $k=1$ ),  $2^{80}$  (pro  $k=2$ ) a pouhých  $2^{80+6,5(k-2)}$  pro  $k$  větší než 2. Abychom vrátili SHA-1 její původní zamýšlenou kvalitu, tj. složitost  $2^{80}$ , museli bychom použít dvě zřetězení. Podobný vzorec platí i pro MD5, kde složitost je: 17 sekund (pro  $k=1$ ),  $2^{64}$  (pro  $k=2$ ), pouhých  $2^{64+6(k-2)}$  pro  $k$  větší

SHA-1<sub>IV<sub>1</sub></sub>(SHA-1<sub>IV<sub>1</sub></sub>(M) || SHA-1<sub>IV<sub>2</sub></sub>(M))

Zachrání tento vzorec SHA-1 ?

než 2. Zároveň tím opravujeme numerickou chybičku, která se vloudila do článku v dubnovém čísle, kde uvedené odhady byly optimističtější.

## Univerzální posilovač?

Existuje možnost jak vrátit hašovacím funkcím MD5 i SHA-1 původní kvalitu? Byla by to záchrana „nejhorších“ situací, kdy máme k dispozici pouze původní hašovací funkci a pro hašovací kód pouze původní délku. Zdá se, že taková úloha nebude mít řešení, ale má. Z dosud uvedeného vyplývá, že kdybychom mohli místo SHA-1(M) použít SHA-1<sub>IV<sub>1</sub></sub>(M) || SHA-1<sub>IV<sub>2</sub></sub>(M), byla by složitost  $2^{80}$  zpátky. Příliš dlouhý hašový kód můžeme zkrátit pomocí SHA-1! V tomto

případě „zpráva“, kterou hašujeme originální hašovací funkcí, se skládá z vysoce závislé a strukturované zprávy SHA-1<sub>IV<sub>1</sub></sub>(M) || SHA-1<sub>IV<sub>2</sub></sub>(M), kterou nelze libovolně „posunovat“ pro potřeby útoku. Proto (zatím) jediná cesta jak docílit kolize této konstrukce: SHA-1<sub>IV</sub>(SHA-1<sub>IV<sub>1</sub></sub>(M) || SHA-1<sub>IV<sub>2</sub></sub>(M)) je narozeninovým paradoxem, a to dává složitost  $2^{80}$ . Vidíme, že řešení se našlo. Podobně u MD5 by to byla místo původní MD5(M) haš MD5<sub>IV</sub>(MD5<sub>IV<sub>1</sub></sub>(M) || MD5<sub>IV<sub>2</sub></sub>(M)), která jí vrací složitost  $2^{64}$ . Jednu nevýhodu tento přístup má. Je postaven na funkcích, u nichž byly nalezeny slabiny a pravděpodobně ještě nějaké nalezeny budou.

## Další alternativa SHA-1

Další alternativou k posílení SHA-1 je upravit hašovací funkci uvnitř. Proto vznikl pracovní návrh nového standardu SHA1-IME. Podrobný popis SHA1-IME naleznete v [5], programová realizace této funkce se od SHA-1 liší jen v jednom řádku navíc, v tzv. lepší expanzi zprávy.

## Závěr

Pokud bychom před rokem a půl řekli, že dnes bude možné během několika sekund vytvářet kolize hašovací funkce MD5 na notebooku, asi by nám nikdo nevěřil. Než obdrží takový výsledek pro SHA-1, může to trvat měsíc, nebo deset let, to nikdo neví. Do žádných hurá výměn nikoho nenutíme, uvedli jsme jen trochu více informací, abyste si mohli ohodnotit bezpečnost a upřesnit riziko dalšího používání té či oné hašovací funkce nebo zvolit nějaké jiné alternativy.

Vlastimil Klíma, Tomáš Rosa,  
v.klima@volny.cz, troša@ebanka.cz

## LITERATURA

- [1] Wang, X., Feng, D., Lai, X., Yu, H.: *Collisions for Hash Functions MD4, MD5, HAVAL-128 and RIPEMD*, rump session, CRYPTO 2004,
- [2] Joux, A.: *Multicollisions in iterated hash functions. Application to cascaded constructions*. Crypto 2004, pp. 306–316.
- [3] Klíma, V.: *Tunnels in Hash Functions: MD5 Collisions Within a Minute*, v češtině na <http://cryptography.hyperlink.cz/2006/tunely.pdf>, zdrojové kódy na [http://cryptography.hyperlink.cz/2006/web\\_version\\_1.zip](http://cryptography.hyperlink.cz/2006/web_version_1.zip)
- [4] *Domácí stránka projektu kolizí*: [http://cryptography.hyperlink.cz/2004/kolize\\_hash.htm](http://cryptography.hyperlink.cz/2004/kolize_hash.htm)
- [5] *SHA1-IME, Internet draft, November 2005*, <draft-irtf-cfrg-sha1-ime-00.txt>,
- [6] *E-archivy* <http://cryptography.hyperlink.cz>, <http://crypto.hyperlink.cz/>