

MODY ČINNOSTI BLOKOVÝCH ŠIFER

Překvapivý útok a česká obrana

V Chipu 5/02 jsme vás informovali o novém standardu AES i o tzv. modech, tj. způsobech jeho použití. Jeden z nich, modus CBC, byl nedávno vystaven závažnému útoku – obrana je však možná.

V zmíněném článku jsme ukázali, že není vhodné šifrovat soubory dat v modu elektronické kódové knihy, a doporučili jsme zejména modus CBC (je to zkratka pro *Cipher Block Chaining*, tj. pro řetězení šifrovaného textu). Zároveň jsme upozornili na existenci čerstvých útoků na CBC, slíbili se k nim vrátit a doporučit i vhodná protiopatření. Slib právě začínáme plnit – zaměříme se na jeden důvtipný a nečekaný útok s využitím postranního kanálu, vyústující v odhalení celého zašifrovaného textu.

ACHILLOVA PATA POSLEDNÍHO BLOKU

Každý, kdo implementuje šifrování dat nejen v modu CBC, ale i v ostatních modech (více viz [3]), musí řešit otázku, jak šifrovat poslední, eventuálně neúplný blok dat. Standardním řešením je tzv. *padding* (doplnění). Poslední blok se prostě doplní nějakými daty a zašifruje se. Na straně příjemce je pak nutné doplnění rozpoznat a z dešifrovaného textu ho odstranit. Aby to bylo možné, doplnění probíhá standardně takto:

Mějme blokovou šifru o b bajtech. Potom pokud poslední blok obsahuje $b-i$ bajtů, doplníme ho i stejnými bajty, každým právě s hodnotou i . Po dešifrování pak z hodnoty posledního bajtu otevřeného textu snadno zjistíme, kolik bajtů máme odebrat. (Tak zní obecné pravidlo; pro jednoduchost budeme dále hovořit jen o blocích konkrétní délky $b = 8$.) Aby to fungovalo, je ovšem nutné doplňovat i takový otevřený text, který je už předem náhodou zarovnaný na celé osmice bajtů.

V tom případě přidáme jeden celý blok osmi bajtů s hodnotou 8. Tento způsob doplňování je definován v PKCS#5 (viz [2]) a je nejrozšířenější.

Na letošní konferenci Eurocrypt, konané začátkem května, předložil Serge Vaudenay překvapivý útok na tento způsob doplňování. Položil si otázku, co se stane, když dojde k chybě v šifrovém textu, jejímž důsledkem je porušení posledního bloku otevřeného textu. Jak je vidět na obrázcích 1 a 2, vzhledem ke způsobu šifrování a dešifrování je možné takovou chybu vyvolat změnou předposledního bloku šifrovaného textu.

Dále je zřejmé, že volbou příslušného bajtu předposledního bloku šifrovaného textu můžeme docílit **přesně definované změny** v posledním bloku otevřeného textu. Zkuste si třeba představit, co se stane, když poslední bajt bloku y_{N-1} změním operací xor FF. Poslední bajt bloku otevřeného textu x_N se nám změní stejným způsobem – xor FF. Nyní záleží na tom, jak se

Navrhovaná obrana maskuje hodnoty použitelné pro útočníka novými neznámými klíči.

příslušný stroj, který přijímá šifrový text, zachová při obdržení špatného doplňku. Při dešifrování chceme samozřejmě odnímat jen správný doplněk, a proto se kontroluje, zda na konci posledního bloku je všech i odnímaných bajtů rovno hodnotě i . Pokud ne, dešifrovací stroj většinou vydá odeslateli chybové hlášení. A právě to je postranní kanál, který Vaudenay využil ke konstrukci svého „útočného“ orákula.

Útok

Orákulum \mathcal{O} přijímá poslední dva bloky šifrovaného textu (označíme je r, y) a vrací hodnotu $\mathcal{O}(r, y) = 1$ v případě, že souhlasí dopl-

něk, nebo 0, když je doplněk nesprávný. Jak uvidíme, lze tohoto orákula využít pro luštění libovolně zašifrované zprávy. Vybereme ze zprávy jakýkoliv blok šifrovaného textu a ukážeme si, jak pomocí orákula získat jeho dešifrovanou hodnotu $D(y)$.

Nejprve určíme poslední bajt $D(y)$. Orákulu \mathcal{O} budeme posílat hodnoty (r, y) , přičemž zvolíme my, a to tak, že postupně procházíme všechny hodnoty jeho posledního bajtu. Uvědomme si, že (r, y) je náš „umělý“ šifrový text, ale orákulum ho poslušně odšifruje a zkontroluje padding. Orákulum nám většinou odpoví nulou, protože jím vypočítaný doplněk (v bloku $r \text{ xor } D(y)$) bude špatný, ale nejspíše po 256. pokusu (v průměru po 128 pokusech) se trefíme do platného doplňku. Proč? Stačí si uvědomit, že procházením všech hodnot posledního bajtu bloku r dojde k tomu, že $r \text{ xor } D(y)$ bude končit bajtem s hodnotou 1, tj. platným doplňkem.

Může se samozřejmě stát, že náhodou skončí i jiným doplňkem. Všechny možnosti jsou tyto: *****1, *****22, *****333, ****4444, ***55555, **666666, *7777777, 88888888 (hvězdička znamená libovolnou hodnotu). Vzhledem k tomu, že obdržení prvního doplňku je ale nejpravděpodobnější (256krát pravděpodobnější než druhého, 256²krát pravděpodobnější než třetího atd.), trefíme se s největší pravděpodobností do otevřeného textu s doplňkem 1. Označme si teď jednotlivé bajty bloku r jako r_1, r_2, \dots, r_8 a předpokládejme, že to nastalo (u jiných doplňků se postupuje analogicky), tj. víme, že v otevřeném textu $x_N = r \text{ xor } D(y_N)$ je poslední bajt roven 1, čili platí rovnice $x_{N,8} \text{ xor } r_8 = 1$. Tím máme určen poslední bajt skutečného otevřeného textu $x_{N,8} = 1 \text{ xor } r_8!$

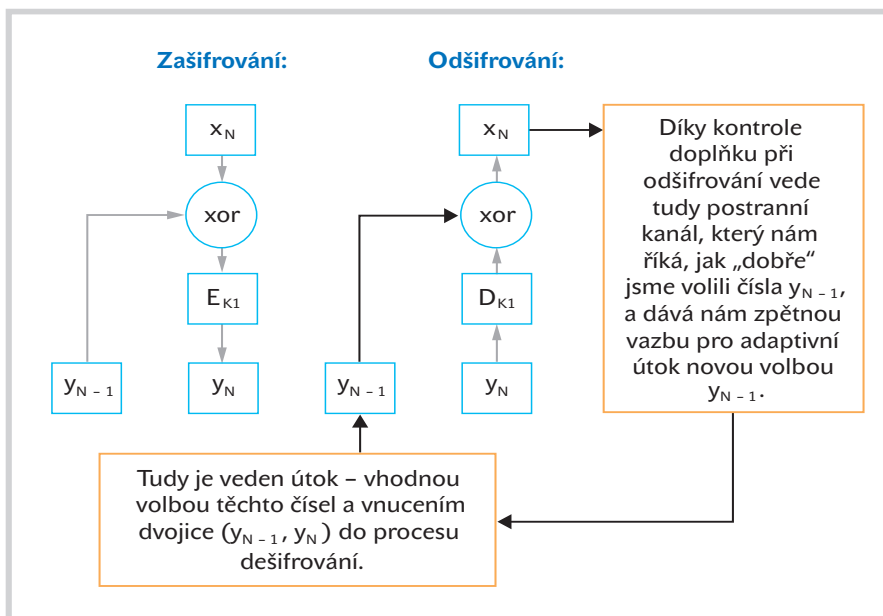
Můžeme to okamžitě ověřit tak, že definujeme $r' = r \text{ xor } (0,0,0,0,0,0,1,0)$ a odešleme (r', y) orákulu. Oproti původní situaci orákulum zjistí otevřený text změněný v předposledním bajtu. Byl-li doplněk 1, nevádí to a orákulum vrátí opět 1.

Otevřený text: x_1, x_2, \dots, x_N , šifrový text: y_1, y_2, \dots, y_N , IV ...inicializační vektor

Zašifrování: $y_1 = E(IV \text{ xor } x_1)$, $y_i = E(y_{i-1} \text{ xor } x_i)$, $i = 2, \dots, N$

Odšifrování: $x_1 = IV \text{ xor } D(y_1)$, $x_i = y_{i-1} \text{ xor } D(y_i)$, $i = 2, \dots, N$

Obr. 1. Způsob šifrování a dešifrování v modu CBC



Obr. 2. Podstata útoku na modus CBC

■ Byl-li doplněk jiný, změní se v něm druhý bajt od konce. Orákulum pak nutně zjistí chybu a vrátí 0.

Pomocí posledního bajtu získáme předposlední bajt takto: Pošleme orákulu (r, y) , přičemž r_8 volíme tak, aby odšifrováním vznikal poslední bajt otevřeného textu 2. Toho můžeme snadno docílit volbou $r_8 = 2 \text{ xor } x_{N,8}$, protože $x_{N,8}$ už známe. Bajt r_7 můžeme volit systematicky od 0 do 255 (a zbylé bajty r náhodně) a opět čekat na situaci, až nám orákulum odpoví jedničkou. V tu dobu musí být r_7 takové, že dva poslední bajty odpovídajícího otevřeného textu jsou 22. Čili platí rovnice $x_{N,7} \text{ xor } r_7 = 2$, odkud máme $x_{N,7} = 2 \text{ xor } r_7$! Takto postupujeme dále, až dostaneme celý blok původního otevřeného textu x_N .

Jistě uznáte, že jde o mistrovské využití postranního kanálu u symetrických šifer. Svým významem se určitě řadí na stejnou úroveň jako postranní kanály v Mangerově a Bleichenbacherově útoku na některé implementace RSA. Všem zainteresovaným (implementátorům a uživatelům kryptografických služeb) rozhodně doporučujeme prostudovat celý příspěvek. A bude jich v tomto případě asi dost, protože modus CBC je, jak jsme už poznamenali, nejpoužívanějším modem blokových šifer.

OBRANA

Vaudenay původně navrhl danou zprávu M doplnit a navíc připojit hašový kód, takže by se šifrovalo zřetězení hodnot $M + \text{padding} + \text{haš}(M + \text{padding})$. Wagner (viz [1]) však našel i v tomto určité bezpečnostní nedostatky a navíc takový návrh by byl nepřijatelný pro řadu kryptografických rozhraní (například *Microsoft Crypto API*), která počítají s tím, že zašifrováním posledního bloku otevřeného textu obdrží vždy nejvýše dva bloky šifrového

textu; ve Vaudenayově modelu by se ale počet navracených bloků mohl zvýšit až na čtyři.

Potíže by vznikly i při odšifrování závěrečných bloků, kdy by muselo být o několik bloků dříve než dnes jasné, že se jedná o koncové bloky. Proto jsme s kolegou Tomášem Rosou navrhli jiné řešení, které z vnějšího hlediska (programátorského, aplikačního aj.) vypadá stejně jako dříve, ale liší se kryptografickým vnitřkem.

Navrhli jsme tři varianty. U základní postupu jsme takto: Zpráva se doplní postaru a šifruje se stejným způsobem až k poslednímu bloku. V tomto okamžiku z použitého klíče dané blokové šifry (označme ho $K1$) vytvoříme další tři klíče $K2, K3$ a $K4$ a pomocí nich definujeme tzv. **zodolněné šifrování posledního bloku** podle obrázku 3. Důvody jsou prosté. Zatímco dříve byl znám přesný vliv jednotlivých vstupů (x_N, y_{N-1}, y_N) na poslední blokovou operaci,

nyní je vliv těchto proměnných útočníkovi zastřen neznámými klíči $K2, K3$ a $K4$. Jsou voleny odlišně od $K1$ proto, aby se odpovídající šifrovací a dešifrovací transformace $(E_{K_i}$ a $D_{K_i})$ zásadně lišily od šifrovací a dešifrovací transformace klíče $K1$, které byly použity k šifrování a dešifrování předchozích bloků. Útočník, který dříve mohl ze znalosti dvojic bloků otevřeného a šifrového textu činit závěry i o zpracování posledního bloku, tuto možnost nyní nemá.

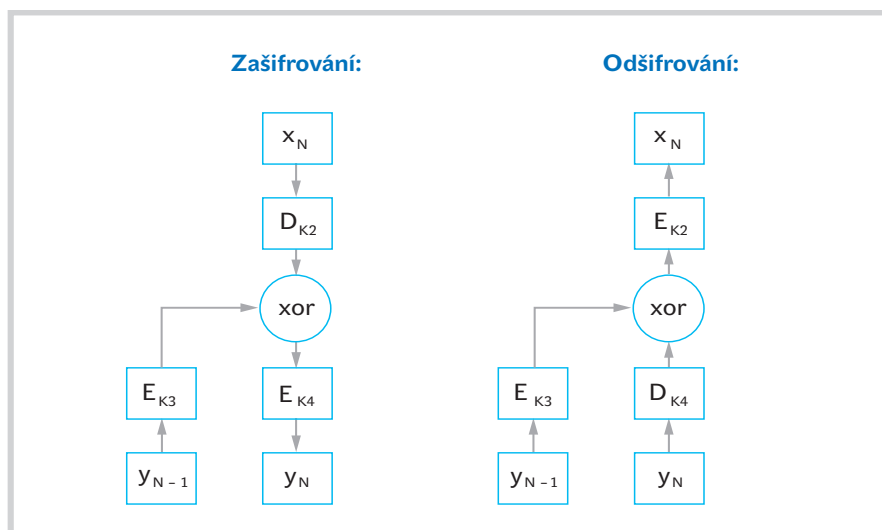
Zodolněné **dešifrování** vidíte rovněž na obrázku 3: Po odšifrování posledního bloku otevřeného textu se standardně odstraní příslušný doplněk, čili z vnějšího pohledu vše vypadá stejně jako dříve. K odvození nových klíčů z $K1$ lze použít například normu PKCS#5 (viz např. funkce *PBKDF2* v [2]), přičemž pro každý z klíčů se volí jiná hodnota tzv. solí. Je možné použít i jiné standardní postupy, důležité ale je, aby nové klíče byly odlišnými jednosměrnými deriváty původního klíče a aby i navzájem měly podobný vztah – tedy aby z jednoho klíče nešel vypočítat druhý.

Tolik ve stručnosti k námi navrženému opatření (popis dalších variant se brzy objeví v připravovaném příspěvku na internetu [4]). Poznamenejme ještě, že jak útok, tak obrana se týkají všech blokových šifer – byť by samy o sobě byly jakkoli kvalitní.

■ ■ ■ Vlastimil Klíma, *autor@chip.cz*

LITERATURA:

[1] Vaudenay, S.: Security Flaws Induced by CBC Padding – Applications to SSL, IPSEC, WTLS, ... , Eurocrypt 2002, pp. 534 – 545
 [2] PKCS#5 v. 2.0: Password-Based Cryptography Standard, RSA Laboratories, March 25, 1999, <http://www.rsasecurity.com/rsalabs/pkcs/pkcs-5/index.html>
 [3] Šifry s mnoha tvářemi, Chip 7/00, str. 50 – 53, dostupné též na [4]
 [4] Archiv článků: <http://www.decros.cz/bezpecnost/kryptografie.html>



Obr. 3. Navrhovaná obrana