

# Crypto-World

Informační sešit GCUCMP

ISSN 1801-2140

Ročník 11, číslo 3/2009

15.březen 2009

## 3/2009

**Připravil: Mgr. Pavel Vondruška**

Sešit je přednostně distribuován registrovaným čtenářům.

Starší sešity jsou dostupné na adrese

<http://crypto-world.info>

(1310 registrovaných odběratelů)



### Obsah :

A.	Prvá konference SHA-3 kandidátů (M.Hojsík)	str. 2-6
B.	Blue Midnight Wish, popis a principy (V. Klíma)	7-21
C.	Pozvánka na konferenci SmartCard Forum 2009	22
D.	O čem jsme psali v březnu 1999-2008	23-24
E.	Závěrečné informace	25

Příloha: ---

## A. Prvá konferencia SHA-3 kandidátov Michal Hojsík, MFF UK, hojsik@matfyz.cz

Koncom februára som mal tú možnosť zúčastniť sa “**The First SHA-3 Candidate Conference**” usporiadanej americkým úradom pre štandardy a technológie NIST. Konferencia sa konala v belgickom Leuven hneď po workshope Fast Software Encryption 2009 (ďalej FSE09). V tomto príspevku sa pokúsim popísať moje postrehy z tejto konferencie, a to technické aj netechnické. Nebudem sa venovať obsahovej stránke jednotlivých prezentácií. Tie sú voľne dostupné na stránkach NISTu [1] a tí, ktorí sa o súťaž o nový štandard zaujímajú, si ich pravdepodobne už dávno prešli.

Ako už samotný program prezrádza, veľká časť konferencie pozostávala z prezentácií jednotlivých funkcií. Pre každý návrh bolo vyhradených 18 minút, počas ktorých rečník popísal danú funkciu, ale hlavne sa snažil poukázať na prednosti svojho návrhu. Vyzdvihovali sa (preukázateľná) bezpečnosť, rýchlosť, novosť, ale napríklad aj skúsenosti návrhárov v oblasti hešovacích funkcií.

Pred samotným konaním konferencie bolo v súťaži **42 návrhov**, pričom 5 funkcií v programe chýbalo, a teda nemalo byť na konferencii prezentovaných. Nakoniec sa ale z pôvodne plánovaných 37 prednášok uskutočnilo iba 36. Dôvod bol ten, že autor funkcie SHAMATA, turecký kryptológ Orhun Kara, svoj návrh stiahol. Stalo sa tak potom, ako bol na rump session workshopu FSE09 odprezentovaný príspevok popisujúci praktické kolízie funkcie SHAMATA-256 [2].

Ďalší zaujímavý príspevok na rump session FSE09 týkajúci sa súťaže o SHA-3 mal Dmitry Khovratovich [3]. Ten vo svojej prezentácii uviedol, že pomocou fixovania bitov vstupu a výstupu dokáže odlíšiť kompresnú funkciu MD6 obmedzenú na 33 rúnd od náhodnej funkcie. Ako som sa neskôr dozvedel Dmitry k tomuto výsledku dospel pomocou novej (zatiaľ nepublikovanej) kryptoanalytickej techniky. V najbližšej dobe teda môžeme očakávať ďalšie zaujímavé výsledky od skupiny kryptológov na Luxemburskej univerzite a je pravdepodobné, že sa nebudú týkať iba hešovacích funkcií.

Pretože 36 prezentácií nových hešovacích funkcií je na 3 dni vcelku veľa, bolo každé spestrenie vítané. O prvé sa postaral Jongsung Kim hneď v prvej sekcii. Na začiatku

prezentácie funkcie ARIRANG vysvetlil, že ARIRANG je meno najpopulárnejšej kórejskej ľudovej piesne a následne z nej spustil asi minútovú ukážku. Ďalší autori ale taktiež nezaháľali a väčšina z nich nezabudla objasniť pôvod mena ich funkcie. Keď potom poobede počas druhého dňa konferencie prezentoval Ron Rivest funkciu MD6, už len s úsmevom podotkol že MD6 nie je označenie žiadnej piesne, jedla ani zeleniny, ale iba prosté „message-digest“.

The screenshot shows the NIST Computer Security Resource Center website. The header includes the NIST logo and the text 'National Institute of Standards and Technology Information Technology Laboratory'. A search bar for CSRC is visible. Navigation links include 'ABOUT', 'MISSION', 'CONTACT', 'STAFF', and 'SITE MAP'. The main content area is titled 'Computer Security Division Computer Security Resource Center'. Below this, there are navigation links for 'CSRC HOME', 'GROUPS', 'PUBLICATIONS', 'DRIVERS', 'NEWS & EVENTS', and 'ARCHIVE'. The main content area is titled 'THE FIRST SHA-3 CANDIDATE CONFERENCE' and includes the dates 'February 25-28, 2009' and the venue 'K.U. Leuven Universiteitshal, Promotiezaal, Naamsestraat 22, 3000 Leuven, Belgium'. A sidebar on the left lists 'The First SHA-3 Conference' with sub-links for 'Venue', 'Program/Presentations', 'Registration', 'Accommodations', 'Travel Information', 'About Leuven', 'Social Event', and 'Participants List'. The footer contains the NIST logo, 'Hash Project Webmaster, Disclaimer Notice & Privacy Policy', and 'NIST is an Agency of the U.S. Department of Commerce'. It also includes the dates 'Last updated: February 20, 2009' and 'Page created: December 1, 2008'.

Pre mnohých ale zaujímavejšiu časť konferencie tvorili diskusie a prezentácie NISTu. Hneď prvý deň sa diskutovalo o cieľových platformách pre ktoré by mala budúca funkcia byť vhodná. Ako NIST uviedol vo svojich požiadavkách [4], v prvom kole bude dôležitá hlavne výkonnosť jednotlivých kandidátov pri softwarových implementáciách, a to predovšetkým na 32 bitovom Intel procesore a 64 bitovom procesore od AMD. Mimo záujem ale nie sú ani 8 bitové procesory a NIST uviedol, že uvíta každé informácie o implementáciách na takýchto platformách. Rýchlosť hardwarových implementácii jednotlivých kandidátov sa ale bude detailne posudzovať až v druhom kole, a to pravdepodobne aj kvôli náročnosti takého posudzovania. Väčšina tímov sa teda sústredila a svoje návrhy optimalizovala hlavne pre 32 a 64 bitovú architektúru. Boli ale aj takí, ktorí navrhli hešovaciú funkciu cielene vhodnú aj pre

mikroprocesory. Takýmito návrhmi sú napríklad CubeHash Dana Bernsteina alebo EnRUPT z dielne Sean O'Neila.

Jeden z príspevkov v diskusii o platformách bol od zamestnankyne firmy Motorola. Tá vyjadrila názor, že z hľadiska hardwarových implementácií by bolo veľmi vhodné, aby nová hešovací funkcia pozostávala výhradne z „bežných“ stavebných prvkov. Nové prvky by podľa nej s veľkou pravdepodobnosťou znamenali oveľa zložitejšie, priestorovo väčšie, ale hlavne drahšie implementácie. Ako neskôr podotkol Niels Ferguson z Microsoftu, istá nemenovaná spoločnosť vydávajúca 500 miliónov platobných kariet každý rok sa už v minulosti rozhodla neinvestovať do bezpečnejších kariet len z dôvodu ich vyššej ceny. Pri tomto množstve kariet totiž nárast ceny o 10 centov na kartu znamená 50 miliónov ročne, čo je čiastka presahujúca prípadné straty. Ďalších príspevkov v diskusii o platformách volal po vhodnosti SHA-3 pre mikroprocesory používané v RFID, resp. v senzorových sieťach. Nato reagoval Adi Shamir prehlásením, že trh sa bude v budúcnosti určite rozrastať o ďalšie a ďalšie procesory, takže by bolo vhodné aby NIST stanovil konkrétne záujmové platformy, pre ktoré sa bude testovať a optimalizovať. NIST následne prehlásil, že by uvítal návrhy na cieľové platformy z komerčnej sféry.

Ďalšia diskutovaná téma boli parametre navrhnutých funkcií. NIST vo svojom „request for candidate algorithm“ [4] uviedol, že bude uprednostňovať flexibilné algoritmy. Taktiež upresnil, že pod flexibilitou sa môžu (nie výhradne) chápať napríklad zmeny algoritmu pomocou zmeny vybraných parametrov (napr. počet rúnd, dĺžka bloku) umožňujúce security/performance tradeoffs. To spôsobilo, že veľké množstvo návrhov obsahuje takéto meniteľné parametre. Jeden z príspevkov z publika počas diskusie ale proti prehnanej voľnosti namietal. Argumentoval tým, že ak bude štandard obsahovať väčšie množstvo parametrov je takmer isté že viacero jeho implementácií bude obsahovať ich (z bezpečnostného hľadiska) najhoršie možné kombinácie. K tomu sa pridal aj Adi Shamir a doporučil NISTu aby vyzval autorov jednotlivých návrhov na zviazanie parametrov do jediného bezpečnostného parametra, čím by sa predišlo problémom so zlými kombináciami parametrov.

Ďalšia téma, ktorá publikum veľmi zaujímala bola, či NIST dovoľí zmeny v algoritmoch. V už spomínanom dokumente [4] NIST uvádza, že počas prvého kola nepovolí v návrhoch žiadne zmeny. Otázka teda znela, ako to bude s kolom druhým. Je jasné, že zmeny v návrhoch

môžu byť problematické. Často znehodnotia už prevedenú analýzu, ale hlavne (narýchlo urobené) zmeny môžu zaniest' do navrhovaných algoritmov nové zraniteľnosti (prípád samosynchronnej prúdovej šifry Mosquito a jej zmenenej verzie Moustique). NIST nakoniec v jednom zo svojich príspevkov [5] prehlásil, že dovolí návrhárom funkcií vybraných do druhého kola zmeniť odporúčané parametre a rozsah parametrov. Dovolí ale taktiež „relatively minor algorithm changes“, pokiaľ ich návrhári dostatočne odôvodnia. NIST vyzval autorov funkcií, aby začali čo najskôr pracovať na potenciálnych zmenách, pretože po vyhlásení funkcií postupujúcich do druhého kola na to nebudú mať dostatok času.

NIST taktiež počas konferencie prehlásil, že relatívne pre výber kandidátov do druhého kola budú iba výsledky oznámené do prvého júna, pričom funkcie ktoré postúpia do druhého kola oznámi najneskôr počas konferencie Crypto 2009 ktorá sa koná v auguste. K tomu zaznela z hľadiska požiadavka, aby NIST publikoval tzv. „focus functions“ teda funkcie, ktoré majú veľkú šancu dostať sa do druhého kola. To ale William Burr ako zástupca NISTu kategoricky odmietol. Dotyčný divák hneď reagoval požiadavkou, nech teda NIST aspoň zverejní „neperspektívne“ funkcie načo William Burr opäť povedal, že NIST nebude robiť žiadny predbežný výber. Následne reagoval aj Bruce Schneier prehlásením, že je dosť jasné, ktoré funkcie sú perspektívne a ktoré nie, a to aj bez prehlásenia NISTu. Po ukončení konferencie som sa zúčastnil diskusie na túto tému so zástupcami NISTu. Počas nej Eli Biham povedal že on, a pravdepodobne aj viacero ďalších kryptológov, začnú pracovať na analýze kandidátov až v druhom kole, aby náhodou nestrácali čas na potenciálne neperspektívnych, aj keď možno zaujímavých funkciách. NIST by im teda oznámením „focus functions“ dal viac času a prispel by tak k lepšej analýze. Zástupcovia NISTu povedali, že to zvažia.

Posledná téma ktorú by som chcel spomenúť, a ktorá bola predmetom početných diskusií, sú návrhy používajúce (časti) AES alebo všeobecne S-boxy ako stavebný prvok. Z pôvodných 51 kandidátov prvého kola až 33 používa v kompresnej funkcii S-box(y) a nich veľká časť používa (časti) AES. Pre dizajnérov bolo použitie AES vďaka jeho vlastnostiam asi jasná voľba. NIST ale jednoznačne povedal, že v druhom kole chce mať veľkú rôznorodosť, takže väčšina AES používajúcich funkcií vypadne. Viacero tímov taktiež asi vsádzalo na to, že potom, ako Intel uvedie procesory s AES inštrukciami získajú ich funkcie na Intel procesoroch rýchlostnú prevahu nad ostatnými návrhmi. Pre ilustráciu, v súčasnosti dosahuje najrýchlejšia uverejnená softwarová implementácia AES rýchlosť približne 10.5 cpb (cycles per byte) na procesoroch Intel Core 2 Quad Q9550, pričom v blízkej dobe bude uverejnená

implementácia dosahujúca na rovnakých procesoroch rýchlosť až 8.1 cpb. No a v rámci svojej pozvanej prednášky na FSE09 predstavil Shay Gueron z Intelu nové AES inštrukcie, ktoré budú obsahovať procesory Intel dostupné na trhu už tento rok, a ktoré umožnia implementácie AES s rýchlosťou až 0.75 cpb. Čiastočne ale asi sklamal viacero návrhárov tým, že nové inštrukcie nebudú obsahovať samotné dielčie transformácie AES (SubBytes, ShiftRows, MixColumns), ale celú AES rundu ako celok. K jednotlivým transformáciám sa bude dať dostať až kombináciou viacerých procesorových inštrukcií. V každom prípade zrýchlenie týchto kandidátov sa bude týkať zatiaľ iba nových procesorov Intel aj keď sa už potichu hovorí o tom, že AMD asi taktiež príde s AES inštrukciami.

Viackrát počas konferencie zaznela námietka proti návrhom používajúcim AES (alebo obecné S-boxy) týkajúca sa ich bezpečnosti voči útokom pomocou postranných kanálov. Rýchle implementácie totiž používajú table lookups, ktoré viedli k útokom pomocou postranných kanálov na AES (napr. cache-timing). Proti table lookups v budúcej SHA-3 sa počas konferencie vyjadrilo viacero známych osobností ako napríklad Ron Rivest, Dan Bernstein alebo Niels Ferguson. Návrhári funkcií používajúcich AES oponovali tým, že nové bit-sliced implementácie AES sú odolné voči cache-timing útokom, ale napríklad modulárne sčítanie použité v iných návrhoch je zraniteľné voči differential-power-analysis útokom, proti čomu ale nikto nevystupuje. Podľa nich použitie AES znamená hlavne známe vlastnosti, dôveru v jeho bezpečnosť a taktiež prípadné využitie už existujúcej implementácie AES.

Na záver len poznamenám, že ďalšia SHA-3 konferencie sa bude konať tesne po konferencii Crypto 2010 v americkej Santa Barbare.

[1] [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/submissions\\_rnd1.html](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/submissions_rnd1.html)

[2] <http://fse2009rump.cr.yp.to/3afe8f8890d89a83ff3564a6ffc3eddd.pdf>

[3] <http://fse2009rump.cr.yp.to/fe1a0e11287a9864c1d897a3110ebaa2.pdf>

[4] [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/federal\\_register.html](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/federal_register.html)

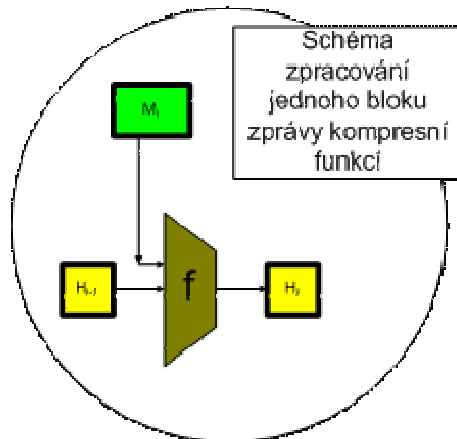
[5] [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/feb2009/documents/Soura\\_TunableParameters.pdf](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/feb2009/documents/Soura_TunableParameters.pdf)

## B. Blue Midnight Wish, popis a principy

**Vlastimil Klíma, nezávislý konzultant - kryptolog, Praha,**

(<http://cryptography.hyperlink.cz>, [v.klima@volny.cz](mailto:v.klima@volny.cz))

Připomeňme si v krátkosti, co mají BMW a SHA-2 společné. Jsou založeny na iterativním principu a kompresní funkci. Zpráva, která se má hašovat, se doplní definovaným způsobem tzv. paddingem a počtem zpracovávaných bitů původní zprávy a zarovná se na nejbližší násobek délky bloku buď 512/1024 bitů podle toho, zda se jedná o BMW256/BMW512 nebo SHA256/SHA512.



Obr.: Iterativní princip hašovací funkce

Potom se tyto funkce shodují v tom, že používají tzv. iterativní výpočet s použitím tzv. kompresní funkce a průběžné hašovací hodnoty. Průběžná hašovací hodnota se nastaví na počátku na hodnotu tzv. inicializačního vektoru. Potom se v  $N$  krocích vždy ze staré průběžné hašovací hodnoty a daného bloku zprávy pomocí kompresní funkce vytvoří nová hodnota průběžné haše. Poslední průběžná hodnota haše (nebo její část) je pak prohlášena za skutečnou hodnotu haše. Hašování tedy probíhá u BMW i SHA podle stejného následujícího scénáře.

### 1. Předzpracování

- (a) Doplní zprávu  $M$  jednoznačným definovaným způsobem o délku zprávy v bitech a doplněk
- (b) Rozděl zprávu na celistvý násobek ( $N$ )  $m$ -bitových bloků  $M_1, \dots, M_N$ .
- (c) Nastav počáteční hodnotu průběžné haše  $H_0 = IV$ .

### 2. Výpočet haše

For  $i = 1$  to  $N$

```
{
     $H_i = f(M_i, H_{i-1})$ 
}
```

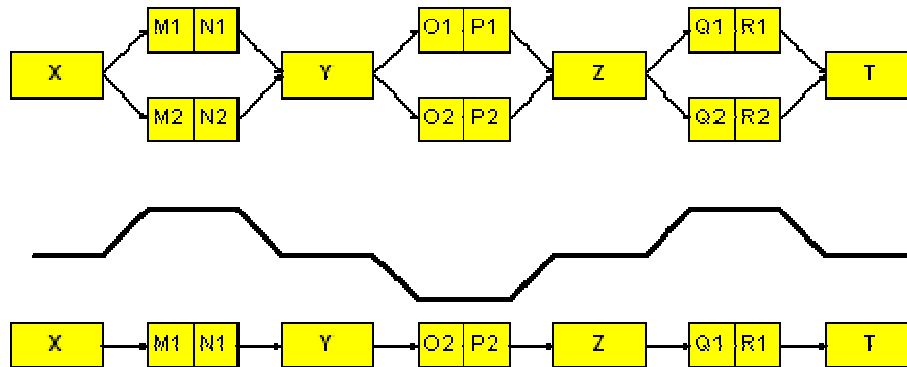
### 3. Závěr

$H(M) =$  definovaných  $n$  bitů z hodnoty  $H_N$ .

### **Multikolize**

Co NISTu vadilo na SHA-2? Především to byla Jouxova práce [17], která ukázala, že funkce typu SHA-2 a mnoho jiných umožňují nalézt multikolize rychleji, než u náhodného orákula. A to i přesto, že samotné SHA-2 byly odolné proti (jednoduché) kolizi! To znamená, že nalézt jednoduchou kolizi k SHA2- $n$  ( $n$  je počet bitů výstupní haše, pro jednoduchost uvažujme  $n =$

256/512) vyžadovalo  $2^{n/2}$  výpočtů pro narozeninový paradox. V tomto směru byla SHA2-n velmi kvalitní, stejně kvalitní jako náhodné orákulum (náhodná funkce). To, co vadilo, byl právě objev Joux [17], který ukázal, že konstrukce iterativního typu umožňují nalézt multikolize poměrně snadno, a to pomocí kolizí jednoduchých, pokud je výsledná haš stejně široká, jako průběžná haš (tj. n-bitová). U náhodného orákula je k dosažení  $r = 2^k$  multikolizí nutno provést zhruba  $2^{n*(r-1)/r}$  operací, tedy počet operací blízký  $2^n$ , zatímco Joux navrhl metodu, kde stačilo pouze  $k * 2^{n/2}$  operací. Také byla nalezena možnost konstrukce multivzorů pomocí pevných bodů [18], využívajících stejných slabín iterativní konstrukce. Muselo se tedy něco změnit na vlastní konstrukci hašovacích funkcí.



Obr.: Multikolize pomocí jednoduchých kolizí

### Útok prodloužením zprávy

NISTu také vadil fakt, že funkce typu SHA-2 jsou náchylné na útok prodloužením zprávy. Pokud útočník zná hodnotu  $H(M)$ , může spočítat libovolnou hodnotu  $H(\text{ext}M)$ , kde  $\text{ext}M$  je rozšíření zprávy  $M$  na zprávu  $M_1, \dots, M_N, E$  pro libovolný řetězec  $E$ . Útočník prostě vezme hašovací hodnotu  $H(M)$ . Ví, že to je průběžná hašovací hodnota po zpracování bloku  $M_N$ , a proto jen pokračuje ve zpracování řetězce  $E$ , aniž by musel znát zprávu  $M$ . Samozřejmě opět za podmínky, že výsledná haš je stejně široká, jako průběžná haš. Útok vadí například při tzv. naivním použití haše při autentizaci zprávy  $M$  klíčem  $K$ , pomocí hodnoty  $H(K \parallel M)$ . Útočník může ke zprávě  $M$  přidat svůj libovolný doplněk  $E$  a dopočítat výše uvedeným způsobem  $H(K \parallel M \parallel E)$ , což vypadá, že znal hodnotu  $K$ . Proto byla požadována odolnost proti tomuto útoku.

### Dvojnásobná pumpa

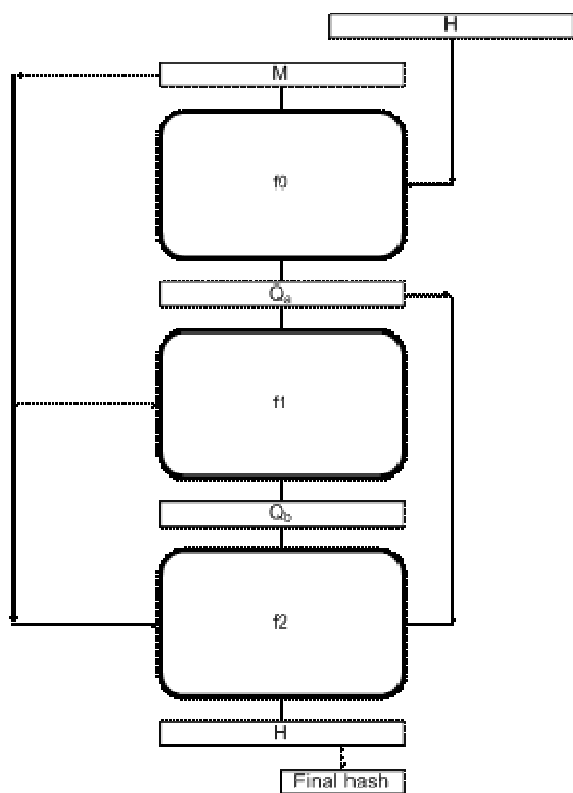
K řešení těchto problémů byly v roce 2005 a 2006 konány dvě speciální konference NISTu [19], [20] ještě před vypsáním soutěže o nový standard SHA-3. Na nich bylo prezentováno několik myšlenek, jak zabránit multikolizím a multivzorům novými konstrukcemi. Problém je v tom, že přirozené a prakticky použitelné hašovací funkce, tj. rychlé a bez zvláštních nároků na paměť, mají všechny konstrukci iterativního typu, ale právě ony mají uvedené generické nedostatky. Zvláštností jsou například konstrukce typu stromové struktury, vyžadující více paměti apod. Jednu z elementárních myšlenek navrhl Lucks [16], a to zdvojnásobit šířku průběžné haše a jako výslednou haš brát pouze polovinu výsledné průběžné haše. V takové konstrukci n-bitové hašovací funkce (má  $n$  bitů výstupu) by bylo potřeba k nalezení  $k$  vnitřních kolizí pro Jouxův útok celkem  $k * 2^{2n/2} = k * 2^n$  operací, což je nyní velmi dostačující obrana. Dvojnásobná vnitřní šířka však při výpočtu haše trvá zhruba 4x déle, protože kvalitní  $2n$  bitový (průběžný) výstup lze obvykle zajistit přibližně se čtyřnásobnou složitostí. To byla zase rána pro návrháře! Avšak část kandidátů, přihlášených do soutěže o standard SHA-3 této myšlenky využila. Začalo se jí říkat dvojnásobná pumpa (double pipe). Dvojnásobná pumpa zabraňuje všem výše uvedeným útokům.



Konstrukce BMW využívá také dvojnásobné pumpy, ale uvidíme, že BMW má uvnitř a přechodně dokonce čtyřnásobnou pumpu. Dobře je čtyřnásobná pumpa vidět z obrázku z originální dokumentace. Je to hodnota  $(Q_a, Q_b)$ . Přitom  $Q_a$ ,  $Q_b$  a  $H_i$  jsou dvojnásobně široké oproti klasické jednoduché pumpě (výsledná haš je polovina hodnoty  $H_N$ ), takže vnitřní stav BMW je v jednom okamžiku -  $(Q_a, Q_b)$ , tj. dokonce čtyřnásobně široký oproti výsledné haši.

Algorithm: BLUE MIDNIGHT WISH
<b>Input:</b> Message $M$ of length $l$ bits, and the message digest size $n$ .
<b>Output:</b> A message digest $Hash$ , that is $n$ bits long.
<p>1. Preprocessing</p> <p>(a) Pad the message <math>M</math>.</p> <p>(b) Parse the padded message into <math>N</math>, <math>m</math>-bit message blocks, <math>M^{(1)}, M^{(2)}, \dots, M^{(N)}</math>.</p> <p>(c) Set the initial value of the double pipe <math>H^{(0)}</math>.</p> <p>2. Hash computation</p> <p>For <math>i = 1</math> to <math>N</math></p> <p>{</p> <p style="padding-left: 2em;"><math>Q_a^{(i)} = f_0(M^{(i)}, H^{(i-1)});</math></p> <p style="padding-left: 2em;"><math>Q_b^{(i)} = f_1(M^{(i)}, Q_a^{(i)});</math></p> <p style="padding-left: 2em;"><math>H^{(i)} = f_2(M^{(i)}, Q_a^{(i)}, Q_b^{(i)});</math></p> <p>}</p> <p>3. <math>Hash = \text{Take\_}n\_\text{Least\_Significant\_Bits}(H^{(N)})</math>.</p>

Obr.: Dvojnásobná (a lokálně dočasně čtyřnásobná) pumpa u BMW



Obr.: Základní schéma BMW

### Základní struktura

BMW lze představit na různých úrovních podrobnosti. Základem jsou funkce  $f_0$ ,  $f_1$ ,  $f_2$ . Stará hodnota průběžné haše  $H$  a blok zprávy  $M$  vstupuje do funkce  $f_0$  a vytváří proměnnou  $Q_a$ .  $Q_a$  a  $M$  vstupuje do funkce  $f_1$  a vytváří proměnnou  $Q_b$ . A konečně nyní všechny tři  $Q_b$  a  $Q_a$  a  $M$  vstupují do funkce  $f_2$  a vytváří novou hodnotu průběžné haše  $H$ . Připomeňme, že hodnoty  $M$ ,  $Q_a$ ,  $Q_b$ ,  $H$  jsou dvojnásobně široké než je finální hašovací hodnota.

### Základní princip - míchání

#### Funkce $f_0$

Funkce  $f_0$  má ve skutečnosti jakoby jeden vstup. Na počátku totiž dojde ihned k binárnímu součtu vstupních hodnot ( $M \oplus H$ ) a poté se už pracuje jen s touto hodnotou (ale jen v  $f_0$ !,  $M$  samotné ještě vstoupí do hry v  $f_2$ ).  $f_0$  je vůči tomuto vstupu bijektivní transformace, která má za cíl rozprostřít malou změnu vstupu do co nejvíce bitů výstupu, hodnoty  $Q_a$ .

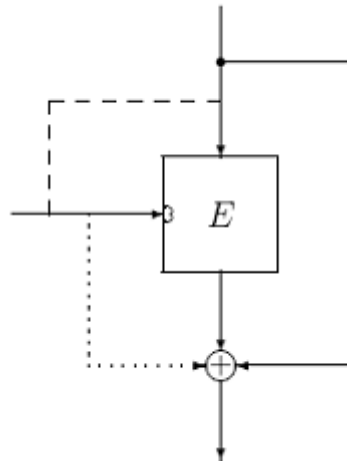
#### Funkce $f_1$

Funkce  $f_1$  je jiná, má dva vstupy a může být chápána jako slabá bloková šifra, u níž je klíč tvořen vstupem  $M$  a otevřený text je tvořen vstupem  $Q_a$ . Výstupem je "šifrový text"  $Q_b$ . Tato funkce sice není konstruována jako bloková šifra, ale míchá bity "otevřeného textu ( $Q_a$ )" a "klíče ( $M$ )".

#### Funkce $f_2$

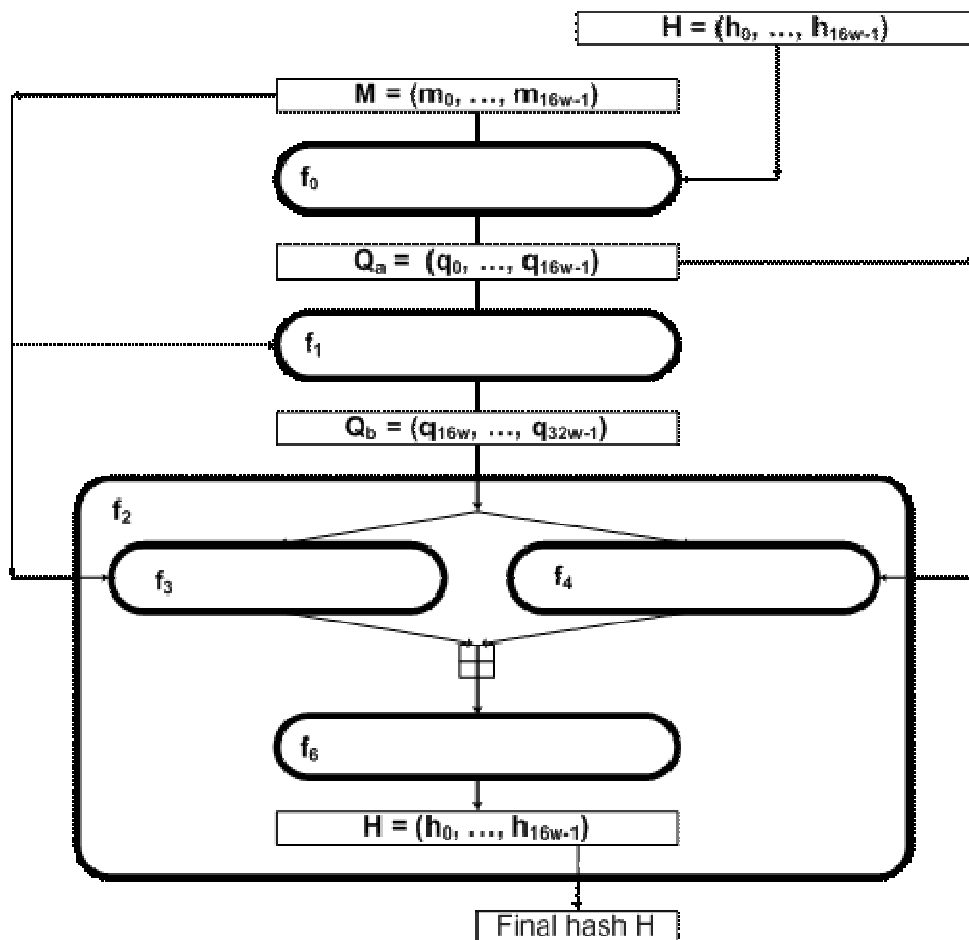
Konečně funkce  $f_2$  je opět trochu jiná než předchozí dvě, neboť má tři vstupy -  $M$ ,  $Q_a$  a  $Q_b$  a jediný výstup - novou hodnotu  $H$ . Tato funkce míchá a komprimuje všechny tři vstupy do výstupu. K tomu využívá určitým způsobem bijekce a různé další principy.

no.	function expression
1	$E(H_{i-1}, X_i) \oplus X_i$
2	$E(H_{i-1}, X_i \oplus H_{i-1}) \oplus X_i \oplus H_{i-1}$
3	$E(H_{i-1}, X_i) \oplus X_i \oplus H_{i-1}$
4	$E(H_{i-1}, X_i \oplus H_{i-1}) \oplus X_i$
5	$E(X_i, H_{i-1}) \oplus H_{i-1}$
6	$E(X_i, X_i \oplus H_{i-1}) \oplus X_i \oplus H_{i-1}$
7	$E(X_i, H_{i-1}) \oplus X_i \oplus H_{i-1}$
8	$E(X_i, X_i \oplus H_{i-1}) \oplus H_{i-1}$
9	$E(X_i \oplus H_{i-1}, X_i) \oplus X_i$
10	$E(X_i \oplus H_{i-1}, H_{i-1}) \oplus H_{i-1}$
11	$E(X_i \oplus H_{i-1}, X_i) \oplus H_{i-1}$
12	$E(X_i \oplus H_{i-1}, H_{i-1}) \oplus X_i$

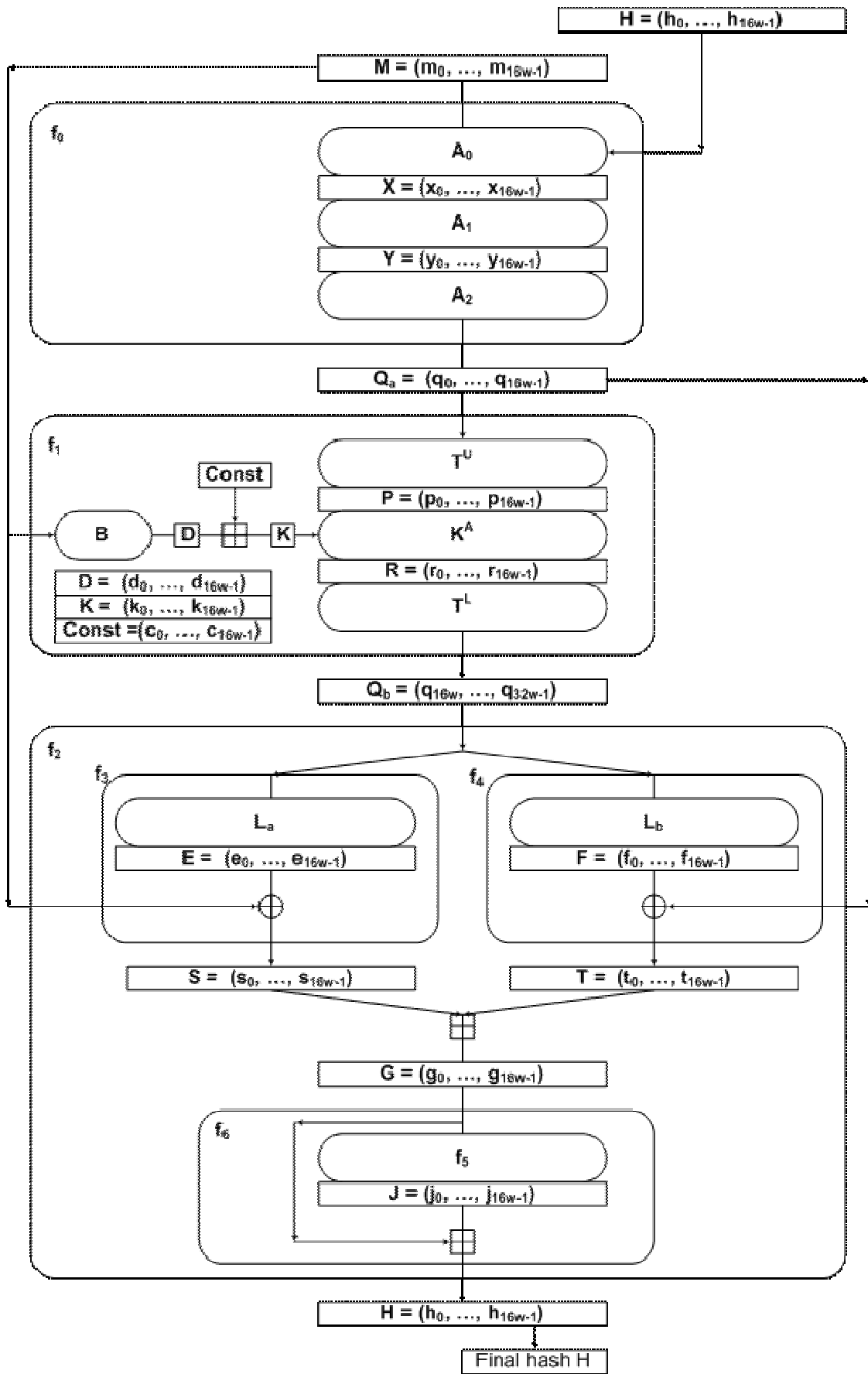


Obr.: Bezpečná schémata typu PGV [21], konstruovaná pomocí blokové šifry

Z hlediska blokové šifry se ve funkci  $f_2$  míchá dohromady otevřený text, šifrový text i klíč. Proto se také v dokumentaci BMW hovoří o tom, že toto je určité zobecnění všech 12 "bezpečných" schémat z práce PGV [21], zahrnujících klasickou Davies-Meyerovu konstrukci (schéma PGV číslo 5) nebo Miyaguchi-Preneelovu konstrukci (schéma PGV číslo 7) nebo zbylých 10 z tzv. bezpečných schémat typu PGV. Všechna tato schémata totiž také míchají otevřený text, klíč a šifrový text blokové šifry nějakým způsobem dohromady. Protože  $f_2$  je složitější funkcí, hovoříme o zobecnění, i když je to pouze v intuitivní rovině.



Obr.: Podrobnější dekompozice BMW



Obr.: Úplná dekompozice BMW (w je šířka slova, pro BMW256/512 je w = 32/64)

### Podrobnější popis funkcí

Nyní se podíváme na funkce  $f_0, f_1, f_2$  podrobněji. Obrázky platí pro obě základní verze BMW256/512, které se jen liší počtem bitů slova  $w = 32/64$ .

Téměř všechny transformace na obrázku jsou bijekcí, buď jednoho vstupu nebo obou, když jeden je fixován. Výjimkou je bijektivní lineární matice  $L$ , která je rozdělena na dvě části  $L_a$  a  $L_b$ , které nejsou bijekcí. Obě části  $L_a$  a  $L_b$  se však (aritmeticky) sčítají, a proto při zanedbání bitů přenosu dochází při jejich sečtení ke sloučení binárnímu:  $L = L_a \oplus L_b$ . Tím vzniká bijektivní lineární obraz  $L(Q_b)$  vstupu  $Q_b$  ve dvou částech. Pokud uvažujeme bity přenosu, tyto bity ovlivňují bity vyšší, ale jen se snižující se pravděpodobností, a proto základní zobrazení  $L(Q_b)$  zůstává z pravděpodobnostního hlediska dominantní částí součtu funkcí  $f_3$  a  $f_4$ .

V celém schématu jsou použité funkce kompozicí dílčích funkcí, přičemž je (až na 1 výjimku) použito pravidlo, že se střídají aritmetické a binární operace. Tím je výsledná kompozice nelineární jak vzhledem k binárnímu vyjádření, tak vzhledem k aritmetickému (číselnému, mod  $2^{32}$  nebo  $2^{64}$ ) vyjádření.

$f_0 : \{0, 1\}^{2m} \rightarrow \{0, 1\}^m$							
<b>Input:</b> Message block $M^{(i)} = (M_0^{(i)}, M_1^{(i)}, \dots, M_{15}^{(i)})$ , and the previous double pipe $H^{(i-1)} = (H_0^{(i-1)}, H_1^{(i-1)}, \dots, H_{15}^{(i-1)})$ .							
<b>Output:</b> First part of the quadruple pipe $Q_a^{(i)} = (Q_0^{(i)}, Q_1^{(i)}, \dots, Q_{15}^{(i)})$ .							
1. Bijective transform of $M^{(i)} \oplus H^{(i-1)}$ :							
$W_0^{(i)}$	$= (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) - (M_7^{(i)} \oplus H_7^{(i-1)}) + (M_{10}^{(i)} \oplus H_{10}^{(i-1)}) + (M_{13}^{(i)} \oplus H_{13}^{(i-1)}) + (M_{14}^{(i)} \oplus H_{14}^{(i-1)})$						
$W_1^{(i)}$	$= (M_6^{(i)} \oplus H_6^{(i-1)}) - (M_8^{(i)} \oplus H_8^{(i-1)}) + (M_{11}^{(i)} \oplus H_{11}^{(i-1)}) + (M_{14}^{(i)} \oplus H_{14}^{(i-1)}) - (M_{15}^{(i)} \oplus H_{15}^{(i-1)})$						
$W_2^{(i)}$	$= (M_0^{(i)} \oplus H_0^{(i-1)}) + (M_7^{(i)} \oplus H_7^{(i-1)}) + (M_9^{(i)} \oplus H_9^{(i-1)}) - (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)}) + (M_{15}^{(i)} \oplus H_{15}^{(i-1)})$						
$W_3^{(i)}$	$= (M_0^{(i)} \oplus H_0^{(i-1)}) - (M_1^{(i)} \oplus H_1^{(i-1)}) + (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) - (M_{10}^{(i)} \oplus H_{10}^{(i-1)}) + (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)})$						
$W_4^{(i)}$	$= (M_1^{(i)} \oplus H_1^{(i-1)}) + (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) + (M_3^{(i)} \oplus H_3^{(i-1)}) - (M_{11}^{(i)} \oplus H_{11}^{(i-1)}) - (M_{14}^{(i)} \oplus H_{14}^{(i-1)})$						
$W_5^{(i)}$	$= (M_3^{(i)} \oplus H_3^{(i-1)}) - (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) + (M_{10}^{(i)} \oplus H_{10}^{(i-1)}) - (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)}) + (M_{15}^{(i)} \oplus H_{15}^{(i-1)})$						
$W_6^{(i)}$	$= (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) - (M_0^{(i)} \oplus H_0^{(i-1)}) - (M_3^{(i)} \oplus H_3^{(i-1)}) - (M_{11}^{(i)} \oplus H_{11}^{(i-1)}) + (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)})$						
$W_7^{(i)}$	$= (M_1^{(i)} \oplus H_1^{(i-1)}) - (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) - (M_8^{(i)} \oplus H_8^{(i-1)}) - (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)}) - (M_{14}^{(i)} \oplus H_{14}^{(i-1)})$						
$W_8^{(i)}$	$= (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) - (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) - (M_6^{(i)} \oplus H_6^{(i-1)}) + (M_{13}^{(i)} \oplus H_{13}^{(i-1)}) - (M_{15}^{(i)} \oplus H_{15}^{(i-1)})$						
$W_9^{(i)}$	$= (M_0^{(i)} \oplus H_0^{(i-1)}) - (M_3^{(i)} \oplus H_3^{(i-1)}) + (M_6^{(i)} \oplus H_6^{(i-1)}) - (M_7^{(i)} \oplus H_7^{(i-1)}) + (M_{14}^{(i)} \oplus H_{14}^{(i-1)})$						
$W_{10}^{(i)}$	$= (M_8^{(i)} \oplus H_8^{(i-1)}) - (M_1^{(i)} \oplus H_1^{(i-1)}) - (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) - (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) + (M_{15}^{(i)} \oplus H_{15}^{(i-1)})$						
$W_{11}^{(i)}$	$= (M_8^{(i)} \oplus H_8^{(i-1)}) - (M_0^{(i)} \oplus H_0^{(i-1)}) - (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) - (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) + (M_9^{(i)} \oplus H_9^{(i-1)})$						
$W_{12}^{(i)}$	$= (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) + (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) - (M_7^{(i)} \oplus H_7^{(i-1)}) - (M_9^{(i)} \oplus H_9^{(i-1)}) + (M_{10}^{(i)} \oplus H_{10}^{(i-1)})$						
$W_{13}^{(i)}$	$= (M_2^{(i)} \oplus H_2^{(i-1)}) + (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) + (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) + (M_{10}^{(i)} \oplus H_{10}^{(i-1)}) + (M_{11}^{(i)} \oplus H_{11}^{(i-1)})$						
$W_{14}^{(i)}$	$= (M_3^{(i)} \oplus H_3^{(i-1)}) - (M_5^{(i)} \oplus H_5^{(i-1)}) + (M_8^{(i)} \oplus H_8^{(i-1)}) - (M_{11}^{(i)} \oplus H_{11}^{(i-1)}) - (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)})$						
$W_{15}^{(i)}$	$= (M_{12}^{(i)} \oplus H_{12}^{(i-1)}) - (M_4^{(i)} \oplus H_4^{(i-1)}) - (M_6^{(i)} \oplus H_6^{(i-1)}) - (M_9^{(i)} \oplus H_9^{(i-1)}) + (M_{13}^{(i)} \oplus H_{13}^{(i-1)})$						
2. Further bijective transform of $W_j^{(i)}, j = 0, \dots, 15$ :							
$Q_0^{(i)}$	$= s_0(W_0^{(i)});$	$Q_1^{(i)}$	$= s_1(W_1^{(i)});$	$Q_2^{(i)}$	$= s_2(W_2^{(i)});$	$Q_3^{(i)}$	$= s_3(W_3^{(i)});$
$Q_4^{(i)}$	$= s_4(W_4^{(i)});$	$Q_5^{(i)}$	$= s_0(W_5^{(i)});$	$Q_6^{(i)}$	$= s_1(W_6^{(i)});$	$Q_7^{(i)}$	$= s_2(W_7^{(i)});$
$Q_8^{(i)}$	$= s_3(W_8^{(i)});$	$Q_9^{(i)}$	$= s_4(W_9^{(i)});$	$Q_{10}^{(i)}$	$= s_0(W_{10}^{(i)});$	$Q_{11}^{(i)}$	$= s_1(W_{11}^{(i)});$
$Q_{12}^{(i)}$	$= s_2(W_{12}^{(i)});$	$Q_{13}^{(i)}$	$= s_3(W_{13}^{(i)});$	$Q_{14}^{(i)}$	$= s_4(W_{14}^{(i)});$	$Q_{15}^{(i)}$	$= s_0(W_{15}^{(i)});$

Table 2.2: Definition of the function  $f_0$  of BLUE MIDNIGHT WISH

### Funkce $f_0$

Dva vstupy jsou na počátku binárně sečteny  $A_0(M, H) = M \oplus H$ . Tato hodnota je pak bijektivně transformována nejprve čistou aritmetickou kombinací - bijekcí  $A_1$  za použití operací ADD a její výsledek je poté transformován čistou binární lineární kombinací - bijekcí  $A_2$  za použití operací  $\oplus$  na výstup  $Q_a$ . Hodnota  $Q_a$  je tak nelineární bijektivní transformací hodnoty  $M \oplus H$ .

Máme  $f_0(M, H) = A_2(A_1(A_0(M, H)))$ , tj.  $f_0 = A_2 \bullet A_1 \bullet A_0$  je kompozicí bijektivních transformací, kde se střídají binární a aritmetické operace.  $A_0$  je podle tabulky 2.2. z originálu definována jako  $A_0(H, M) = X = M \oplus H$  (po slovech),  $A_1$  je tamtéž definována jako  $A_1: X \rightarrow W$ , kde

$$\begin{aligned} W[0] &= X[5] - X[7] + X[10] + X[13] + X[14] \\ W[1] &= X[6] - X[8] + X[11] + X[14] - X[15] \\ W[2] &= X[0] + X[7] + X[9] - X[12] + X[15] \\ W[3] &= X[0] - X[1] + X[8] - X[10] + X[13] \\ W[4] &= X[1] + X[2] + X[9] - X[11] - X[14] \\ W[5] &= X[3] - X[2] + X[10] - X[12] + X[15] \\ W[6] &= X[4] - X[0] - X[3] - X[11] + X[13] \\ W[7] &= X[1] - X[4] - X[5] - X[12] - X[14] \\ W[8] &= X[2] - X[5] - X[6] + X[13] - X[15] \\ W[9] &= X[0] - X[3] + X[6] - X[7] + X[14] \\ W[10] &= X[8] - X[1] - X[4] - X[7] + X[15] \\ W[11] &= X[8] - X[0] - X[2] - X[5] + X[9] \\ W[12] &= X[1] + X[3] - X[6] - X[9] + X[10] \\ W[13] &= X[2] + X[4] + X[7] + X[10] + X[11] \\ W[14] &= X[3] - X[5] + X[8] - X[11] - X[12] \\ W[15] &= X[12] - X[4] - X[6] - X[9] + X[13] \end{aligned}$$

$A_2$  je definována jako sada lineárních bijekcí, aplikovaných na jednotlivá slova  $W$ , viz tabulka 2.2., přičemž tyto lineární bijekce (tzv. xorshifty) jsou definovány (uvádíme je pro jednoduchost jen pro 32bitovou verzi) takto:

$$\begin{aligned} s_0(x) &= SHR^1(x) \oplus SHL^3(x) \oplus ROTL^4(x) \oplus ROTL^{19}(x) \\ s_1(x) &= SHR^1(x) \oplus SHL^2(x) \oplus ROTL^8(x) \oplus ROTL^{23}(x) \\ s_2(x) &= SHR^2(x) \oplus SHL^1(x) \oplus ROTL^{12}(x) \oplus ROTL^{25}(x) \\ s_3(x) &= SHR^2(x) \oplus SHL^2(x) \oplus ROTL^{15}(x) \oplus ROTL^{29}(x) \\ s_4(x) &= SHR^1(x) \oplus x \\ s_5(x) &= SHR^2(x) \oplus x \\ r_1(x) &= ROTL^3(x) \\ r_2(x) &= ROTL^7(x) \\ r_3(x) &= ROTL^{13}(x) \\ r_4(x) &= ROTL^{16}(x) \\ r_5(x) &= ROTL^{19}(x) \\ r_6(x) &= ROTL^{23}(x) \\ r_7(x) &= ROTL^{27}(x) \end{aligned}$$

("xorshifty" typu  $r$  jsou použity později ve funkci  $f_1$ ).

### **Funkce $f_1$**

U funkce  $f_1$  hovoříme o slabé šifře, protože oba typy míchání nejsou v žádném případě dokonalé. Zde je také jediné místo, kde se používá princip měnitelného (laditelného, tunable) parametru pro možné zesílení nebo urychlení hašovací funkce. Označíme-li  $E$  onu blokovou šifru, můžeme  $f_1$  vyjádřit jako  $f_1(M, Q_a) = E_{B(M)}(Q_a)$ . Klíčem je  $M$ . Klíč je expandován bijektivní transformací  $B$  na 16 rundovních klíčů  $B(M)$ . V každé rundě je použit jeden rundovní klíč. Rundy jsou dvojího typu, první typ je složitější a je použit na počátku. Počet těchto rund se označuje  $expandrounds1$  a defaultní hodnota je  $expandrounds1 = 2$  rundy. Poté

následuje expandrounds2 rund druhého typu, které jsou jednodušší. Je jich expandrounds2 = 16 - expandrounds1, tj. defaultně 14. Máme

$f_1 : \{0, 1\}^{2m} \rightarrow \{0, 1\}^m$
<b>Input:</b> Message block $M^{(i)} = (M_0^{(i)}, M_1^{(i)}, \dots, M_{15}^{(i)})$ , and the first part of the quadruple pipe $Q_8^{(i)} = (Q_0^{(i)}, Q_1^{(i)}, \dots, Q_{15}^{(i)})$ .
<b>Output:</b> Second part of the quadruple pipe $Q_k^{(i)} = (Q_{16}^{(i)}, Q_{17}^{(i)}, \dots, Q_{31}^{(i)})$ .
<p>1. Double pipe expansion according to the tunable parameters <math>ExpandRounds_1</math> and <math>ExpandRounds_2</math>.</p> <p>1.1 For <math>ii = 0</math> to <math>ExpandRounds_1 - 1</math>  <math>Q_{ii+16}^{(i)} = expand_1(ii + 16)</math></p> <p>1.2 For <math>ii = ExpandRounds_1</math> to <math>ExpandRounds_1 + ExpandRounds_2 - 1</math>  <math>Q_{ii+16}^{(i)} = expand_2(ii + 16)</math></p>

**Table 2.3:** Definition of the function  $f_1$  of BLUE MIDNIGHT WISH

$$\begin{aligned}
 expand_1(j) = & s_1(Q_{j-16}^{(i)}) + s_2(Q_{j-15}^{(i)}) + s_3(Q_{j-14}^{(i)}) + s_0(Q_{j-13}^{(i)}) \\
 & + s_1(Q_{j-12}^{(i)}) + s_2(Q_{j-11}^{(i)}) + s_3(Q_{j-10}^{(i)}) + s_0(Q_{j-9}^{(i)}) \\
 & + s_1(Q_{j-8}^{(i)}) + s_2(Q_{j-7}^{(i)}) + s_3(Q_{j-6}^{(i)}) + s_0(Q_{j-5}^{(i)}) \\
 & + s_1(Q_{j-4}^{(i)}) + s_2(Q_{j-3}^{(i)}) + s_3(Q_{j-2}^{(i)}) + s_0(Q_{j-1}^{(i)}) \\
 & + M_{(j-16) \bmod 16}^{(i)} + M_{(j-13) \bmod 16}^{(i)} - M_{(j-6) \bmod 16}^{(i)} + K_j
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 expand_2(j) = & Q_{j-16}^{(i)} + r_1(Q_{j-15}^{(i)}) + Q_{j-14}^{(i)} + r_2(Q_{j-13}^{(i)}) \\
 & + Q_{j-12}^{(i)} + r_3(Q_{j-11}^{(i)}) + Q_{j-10}^{(i)} + r_4(Q_{j-9}^{(i)}) \\
 & + Q_{j-8}^{(i)} + r_5(Q_{j-7}^{(i)}) + Q_{j-6}^{(i)} + r_6(Q_{j-5}^{(i)}) \\
 & + Q_{j-4}^{(i)} + r_7(Q_{j-3}^{(i)}) + s_5(Q_{j-2}^{(i)}) + s_4(Q_{j-1}^{(i)}) \\
 & + M_{(j-16) \bmod 16}^{(i)} + M_{(j-13) \bmod 16}^{(i)} - M_{(j-6) \bmod 16}^{(i)} + K_j
 \end{aligned}$$

### Zvláštnosti funkce $f_1$

Funkci  $f_1$  lze rozložit na tzv. horní a dolní trojúhelníkové bijekce  $T^U$  (upper triangle) a  $T^L$  (lower triangle), mezi nimiž je vrstva přičtení klíče  $K^A$  (key addition):  $f_1 = T^L \bullet K^A \bullet T^U$ . Přitom  $T^U$  a  $T^L$  jsou samy o sobě kombinací binárních a aritmetických kombinací, takže vytváří nelineární blok. Tento rozklad není přímo vidět v následujících definicích funkcí  $expand_1$  a  $expand_2$ , ale lze to tak rozložit, viz dodatek.

Zajímavé je, že  $f_1$  je bijekce jak při pevném  $M$ , tak při pevném  $Q_a$ . Pro blokové šifry je obvyklé, že pro pevný klíč je šifrový text bijektivním zobrazením textu otevřeného. Není ale obvyklé, aby při pevném otevřeném textu byla bloková šifra také bijektivním zobrazením klíče na šifrový text. Zde to má velký význam v tom, že oba dva vstupy jsou chápány jako rovnocenné, a to i jako klíč, i jako otevřený text. V závěrečném zpracování se také oba dva vstupy kombinují ve funkci  $f_2$ , dohromady s jejich společně dosaženým výstupem - šifrovým textem. Další vlastností je, že vstup  $Q_a$  je bijektivním obrazem  $M \oplus H$ , zatímco vstup klíče je bijektivním obrazem  $M$ . Klíčová myšlenka je, že při analýze nebo útoku na hašovací funkci se nutně musí jedna z těchto hodnot ( $M$ ,  $M \oplus H$ ) změnit, jinak celá kompresní funkce v daném kroku proběhne stejně. Při útoku se musí uvažovat různé zprávy, jinak bychom nic nevyzkoumali. To vede k tomu, že se v některém kroku kompresní funkce liší buď vstup  $M$  nebo vstup průběžné haše  $H$  nebo oba dva. Přitom  $M \oplus H$  může být i stejný i různý. V

každém případě se ale dvojice vstupů  $(M \oplus H, M)$  musí v tomto okamžiku lišit. Důsledkem je, že jeden nebo oba vstupy funkce  $f_1$  se musí změnit (a jejich změny jsou eventuelně ještě rozprostřeny bijekcemi  $f_0$  a  $B$ ). Funkce  $f_1$  pak tyto změny propaguje na svůj výstup. Protože výstup  $Q_b$  je funkcí dvou vstupů  $M$  a  $H$ , nemůže být jejich bijektivním obrazem a nutně existuje velká množina vnitřních kolizí při zobrazení  $(M, H)$  na  $Q_b$ . Proto se vstupy  $(M, M \oplus H)$  nezapomínají a vstupují do zpracování  $f_2$ , prostřednictvím svých bijekcí. Proto je také garantováno, že tyto vstupy se ve funkci  $f_2$  mění, i kdyby  $Q_b$  zůstalo konstantní.

**Funkce  $f_2$**

Funkce  $f_2$  používá lineární (binární) bijektivní matici  $L$ , která je rozdělena na dvě části  $L_a$  a  $L_b$ ,  $L = L_a \oplus L_b$ , přičemž i  $L_a$  a  $L_b$  mají vysokou hodnotu (jsou téměř bijektivní). Účelem  $f_2$  je kombinovat vstupy  $M$ , a  $Q_a$  s  $Q_b$ , což se děje sloučením  $Q_b$  s  $M$  a s  $(M \oplus H)$ , přesněji téměř bijektivních obrazů  $Q_b$  s bijektivními obrazy  $M$  a  $M \oplus H$ . Zde je opět velmi důležité, že alespoň jeden z výrazů  $Q_b$ ,  $M$  a  $M \oplus H$  se musí v daném kroku (viz výše), lišit. Jestliže se totiž neodlišuje ani  $M$  ani  $Q_b$ , musí se odlišovat  $H$ , tedy odlišuje se výraz  $M \oplus H$ , kde  $M$  je sice konstantní, ale  $H$  se mění.

Folding $f_2: \{0, 1\}^{3m} \rightarrow \{0, 1\}^m$			
<b>Input:</b> Message block $M^{(i)} = (M_0^{(i)}, M_1^{(i)}, \dots, M_{15}^{(i)})$ , quadruple pipe $Q^{(i)} = (Q_0^{(i)}, Q_1^{(i)}, \dots, Q_{15}^{(i)}, Q_{16}^{(i)}, \dots, Q_{31}^{(i)})$ . <b>Output:</b> New double pipe $H^{(i)} = (H_0^{(i)}, H_1^{(i)}, \dots, H_{15}^{(i)})$ .			
1. Compute the cumulative temporary variables $XL$ and $XH$ .			
		$XL = Q_{16}^{(i)} \oplus Q_{17}^{(i)} \oplus \dots \oplus Q_{23}^{(i)}$ $XH = XL \oplus Q_{24}^{(i)} \oplus Q_{25}^{(i)} \oplus \dots \oplus Q_{31}^{(i)}$	
2. Compute the new double pipe $H^{(i)}$ :			
		<b>La</b>	<b>Lb</b>
$H_0^{(i)} =$	$f_5$	$(SHL^5(XH) \oplus SHR^7(Q_{16}^{(i)}) \oplus M_0^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{24}^{(i)} \oplus Q_0^{(i)})$
$H_1^{(i)} =$		$(SHR^7(XH) \oplus SHL^8(Q_{17}^{(i)}) \oplus M_1^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{25}^{(i)} \oplus Q_1^{(i)})$
$H_2^{(i)} =$		$(SHR^5(XH) \oplus SHL^5(Q_{18}^{(i)}) \oplus M_2^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{26}^{(i)} \oplus Q_2^{(i)})$
$H_3^{(i)} =$		$(SHR^1(XH) \oplus SHL^5(Q_{19}^{(i)}) \oplus M_3^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{27}^{(i)} \oplus Q_3^{(i)})$
$H_4^{(i)} =$		$(SHR^3(XH) \oplus Q_{20}^{(i)} \oplus M_4^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{28}^{(i)} \oplus Q_4^{(i)})$
$H_5^{(i)} =$		$(SHL^6(XH) \oplus SHR^6(Q_{21}^{(i)}) \oplus M_5^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{29}^{(i)} \oplus Q_5^{(i)})$
$H_6^{(i)} =$		$(SHR^4(XH) \oplus SHL^6(Q_{22}^{(i)}) \oplus M_6^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{30}^{(i)} \oplus Q_6^{(i)})$
$H_7^{(i)} =$		$(SHR^{11}(XH) \oplus SHL^2(Q_{23}^{(i)}) \oplus M_7^{(i)}) +$	$(XL \oplus Q_{31}^{(i)} \oplus Q_7^{(i)})$
$H_8^{(i)} = ROTL^9(H_4^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{24}^{(i)} \oplus M_8^{(i)}) +$	$(SHL^8(XL) \oplus Q_{23}^{(i)} \oplus Q_8^{(i)})$
$H_9^{(i)} = ROTL^{10}(H_5^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{25}^{(i)} \oplus M_9^{(i)}) +$	$(SHR^6(XL) \oplus Q_{16}^{(i)} \oplus Q_9^{(i)})$
$H_{10}^{(i)} = ROTL^{11}(H_6^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{26}^{(i)} \oplus M_{10}^{(i)}) +$	$(SHL^6(XL) \oplus Q_{17}^{(i)} \oplus Q_{10}^{(i)})$
$H_{11}^{(i)} = ROTL^{12}(H_7^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{27}^{(i)} \oplus M_{11}^{(i)}) +$	$(SHL^4(XL) \oplus Q_{18}^{(i)} \oplus Q_{11}^{(i)})$
$H_{12}^{(i)} = ROTL^{13}(H_8^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{28}^{(i)} \oplus M_{12}^{(i)}) +$	$(SHR^3(XL) \oplus Q_{19}^{(i)} \oplus Q_{12}^{(i)})$
$H_{13}^{(i)} = ROTL^{14}(H_9^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{29}^{(i)} \oplus M_{13}^{(i)}) +$	$(SHR^4(XL) \oplus Q_{20}^{(i)} \oplus Q_{13}^{(i)})$
$H_{14}^{(i)} = ROTL^{15}(H_{10}^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{30}^{(i)} \oplus M_{14}^{(i)}) +$	$(SHR^7(XL) \oplus Q_{21}^{(i)} \oplus Q_{14}^{(i)})$
$H_{15}^{(i)} = ROTL^{16}(H_{11}^{(i)}) +$		$(XH \oplus Q_{31}^{(i)} \oplus M_{15}^{(i)}) +$	$(SHR^2(XL) \oplus Q_{22}^{(i)} \oplus Q_{15}^{(i)})$

Table 2.4: Definition of the folding function  $f_2$  of BLUE MIDNIGHT WISH



$$L_a(Qb) = \begin{pmatrix} SHL^5(XH) \oplus SHR^5(Q_{16}^{(i)}) \\ SHR^7(XH) \oplus SHL^8(Q_{17}^{(i)}) \\ SHR^5(XH) \oplus SHL^5(Q_{18}^{(i)}) \\ SHR^1(XH) \oplus SHL^5(Q_{19}^{(i)}) \\ SHR^3(XH) \oplus Q_{20}^{(i)} \\ SHL^6(XH) \oplus SHR^6(Q_{21}^{(i)}) \\ SHR^4(XH) \oplus SHL^6(Q_{22}^{(i)}) \\ SHR^{11}(XH) \oplus SHL^2(Q_{23}^{(i)}) \\ XH \oplus Q_{24}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{25}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{26}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{27}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{28}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{29}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{30}^{(i)} \\ XH \oplus Q_{31}^{(i)} \end{pmatrix} \quad L_b(Qb) = \begin{pmatrix} XL \oplus Q_{24}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{25}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{26}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{27}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{28}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{29}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{30}^{(i)} \\ XL \oplus Q_{31}^{(i)} \\ SHL^8(XL) \oplus Q_{23}^{(i)} \\ SHR^6(XL) \oplus Q_{16}^{(i)} \\ SHL^6(XL) \oplus Q_{17}^{(i)} \\ SHL^4(XL) \oplus Q_{18}^{(i)} \\ SHR^3(XL) \oplus Q_{19}^{(i)} \\ SHR^4(XL) \oplus Q_{20}^{(i)} \\ SHR^7(XL) \oplus Q_{21}^{(i)} \\ SHR^2(XL) \oplus Q_{22}^{(i)} \end{pmatrix}$$

### Závěr

V tomto článku jsme uvedli základní popis a některé vlastnosti hašovací funkce Blue Midnight Wish, kandidáta, který je z hlediska rychlosti na špičce ze všech 51 kandidátů na funkci SHA-3. Viděli jsme také velký význam bijekcí při jeho návrhu. Z toho důvodu můžeme nově BMW chápat jako zkratku principu "Bijections Mounted Widely". Čtenářům se omlouváme, nemohli jsme uvést všechny vlastnosti a principy, spíše jen ukázat, co se skrývá za nic neříkajícími rovnicemi nebo pár instrukcemi zdrojového kódu. Podrobnější popis, analýzu a průběžné novinky je možné sledovat na internetu (např. [2]).

### Literatura

- [1] (nezávislá) oficiální domácí stránka NIST k projektu SHA-3: <http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/index.html>
- [2] stránka autora s novinkami k projektu SHA-3 a algoritmům BMW a EDON-R: [http://cryptography.hyperlink.cz/BMW/BMW\\_CZ.html](http://cryptography.hyperlink.cz/BMW/BMW_CZ.html) (naleznete tam rozcestník a všechny zde uvedené linky)
- [3] Stránka kandidátů, kteří postoupili do prvního kola (NIST): [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/submissions\\_rnd1.html](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/submissions_rnd1.html)
- [4] Stránka SHA-3 na wiki: <http://en.wikipedia.org/wiki/SHA-3>
- [5] Stránka SHA-3 projektu ECRYPT: [http://ehash.iaik.tugraz.at/index.php/The\\_SHA-3\\_Zoo](http://ehash.iaik.tugraz.at/index.php/The_SHA-3_Zoo)
- [6] Seznam všech autorů všech kandidátů: [http://ehash.iaik.tugraz.at/wiki/SHA-3\\_submitters](http://ehash.iaik.tugraz.at/wiki/SHA-3_submitters)
- [7] Stránka NIST, věnovaná první konferenci kandidátů SHA-3: <http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/sha-3/Round1/Feb2009/program.html>
- [8] Stránka o SW výkonnosti algoritmů eBash: <http://bench.cr.yp.to/results-hash.html>
- [9] Stránka o HW výkonnosti algoritmů (ECRYPT): [http://ehash.iaik.tugraz.at/wiki/SHA-3\\_Hardware\\_Implementations](http://ehash.iaik.tugraz.at/wiki/SHA-3_Hardware_Implementations)
- [10] Srovnávací stránka (Fleischmann-Forler-Gorski): [http://www.uni-weimar.de/cms/fileadmin/medien/medsicherheit/Research/SHA3/Classification\\_of\\_the\\_SHA-3\\_Candidates.pdf](http://www.uni-weimar.de/cms/fileadmin/medien/medsicherheit/Research/SHA3/Classification_of_the_SHA-3_Candidates.pdf)
- [11] Srovnávací stránka (Niels Ferguson): <http://www.skein-hash.info/sha3-engineering>
- [12-14] Domovská stránka DN, HDN a SNMAC, v češtině, [http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/SNMAC\\_CZ.html](http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/SNMAC_CZ.html) ,

- [12] V. Klima: O návrhu speciálních blokových šifer a speciálních hašovacích funkcí, [MKB 2007](#), Praha, Hotel Olympik, December, 6. – 7., 2007, [http://cryptography.hyperlink.cz/2007/Klima\\_MKB\\_2007\\_sbornik.pdf](http://cryptography.hyperlink.cz/2007/Klima_MKB_2007_sbornik.pdf)
- [13] V. Klima: Special block cipher family DN and new generation SNMAC-type hash function family HDN, IACR ePrint archive Report 2007/050, February, 2007, IACR ePrint archive Report 2007/050, February, 2007, <http://eprint.iacr.org/2007/050.pdf>, v češtině na [http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/DN\\_HDN\\_CZ.pdf](http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/DN_HDN_CZ.pdf)
- [14] V. Klima: A New Concept of Hash Functions SNMAC Using a Special Block Cipher and NMAC/HMAC Constructions, IACR ePrint archive Report 2006/376, <http://eprint.iacr.org/2006/376.pdf>, October, 2006, v češtině na [http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/SNMAC\\_CZ.pdf](http://cryptography.hyperlink.cz/SNMAC/SNMAC_CZ.pdf)
- [15] Vlastimil Klíma: O kolizích hašovacích funkcí Turbo SHA-2, IACR ePrint archive Report 2008/003, January, 2008, <http://eprint.iacr.org/2008/003.pdf> v češtině na [http://cryptography.hyperlink.cz/2008/Klima\\_TurboSHA\\_CZ.pdf](http://cryptography.hyperlink.cz/2008/Klima_TurboSHA_CZ.pdf)
- [16] Stefan Lucks. Design principles for iterated hash functions. Cryptology ePrint Archive, Report 2004/253, 2004. <http://eprint.iacr.org/>
- [17] A. Joux: Multicollisions in iterated hash functions. Application to cascaded constructions. Proceedings of Crypto 2004, LNCS 3152, pages 306-316.
- [18] John Kelsey, Bruce Schneier: Second Preimages on n-bit Hash Functions for Much Less than  $2^n$  Work, <http://eprint.iacr.org/2004/304/>, November 15, 2004
- [19] CRYPTOGRAPHIC HASH WORKSHOP, NIST, October 31-November 1, 2005 [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/first\\_workshop.html](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/first_workshop.html)
- [20] SECOND CRYPTOGRAPHIC HASH WORKSHOP, USA, August 24-25, 2006, [http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/second\\_workshop.html](http://csrc.nist.gov/groups/ST/hash/second_workshop.html)
- [21] R. Govaerts B. Preneel and J. Vandewalle. Hash functions based on block ciphers: A synthetic approach. In Proceedings of CRYPTO 1993, volume 773 of LNCS, pages 368–378, 1994.

### **Dodatek: Rozklad funkce $f_1$ na $T^U$ , $K^A$ a $T^L$ .**

Původní definici funkce  $f_1$  lze vyjádřit následujícími rovnicemi. V nich si už připravíme půdu pro rozklad, přičemž žlutě vyznačíme výrazy patřící do transformace  $T^U$ , zelené tvoří transformaci  $T^L$  a konstanty společně se slovy  $M$  tvoří klíč  $K^A$ .

Připomeňme, že první dvě rovnice jsou jiné (složitější funkce  $\text{expand1}$ ) než zbylé ( $\text{expand2}$ ).

$$Q[16] = s1(Q[0]) + s2(Q[1]) + s3(Q[2]) + s0(Q[3]) + s1(Q[4]) + s2(Q[5]) + s3(Q[6]) + s0(Q[7]) + s1(Q[8]) + s2(Q[9]) + s3(Q[10]) + s0(Q[11]) + s1(Q[12]) + s2(Q[13]) + s3(Q[14]) + s0(Q[15]) + K[0]$$

$$Q[17] = s1(Q[1]) + s2(Q[2]) + s3(Q[3]) + s0(Q[4]) + s1(Q[5]) + s2(Q[6]) + s3(Q[7]) + s0(Q[8]) + s1(Q[9]) + s2(Q[10]) + s3(Q[11]) + s0(Q[12]) + s1(Q[13]) + s2(Q[14]) + s3(Q[15]) + K[1] + s0(Q[16])$$

$$Q[18] = Q[2] + r1(Q[3]) + Q[4] + r2(Q[5]) + Q[6] + r3(Q[7]) + Q[8] + r4(Q[9]) + Q[10] + r5(Q[11]) + Q[12] + r6(Q[13]) + Q[14] + r7(Q[15]) + K[2] + s5(Q[16]) + s4(Q[15])$$

$$Q[19] = Q[3] + r1(Q[4]) + Q[5] + r2(Q[6]) + Q[7] + r3(Q[8]) + Q[9] + r4(Q[10]) + Q[11] + r5(Q[12]) + Q[13] + r6(Q[14]) + Q[15] + K[3] + r7(Q[16]) + s5(Q[17]) + s4(Q[18])$$

$$Q[20] =$$

$$Q[4]+r1(Q[5])+Q[6]+r2(Q[7])+Q[8]+r3(Q[9])+Q[10]+r4(Q[11])+Q[12]+r5(Q[13])+Q[14]+r6(Q[15]))+K[4]+Q[14]+r7(Q[13])+s5(Q[12])+s4(Q[11])$$

$$Q[21]=Q[5]+r1(Q[6])+Q[7]+r2(Q[8])+Q[9]+r3(Q[10])+Q[11]+r4(Q[12])+Q[13]+r5(Q[14])+Q[15])+K[5]+r6(Q[16])+Q[17]+r7(Q[18])+s5(Q[19])+s4(Q[20])$$

$$Q[22]=Q[6]+r1(Q[7])+Q[8]+r2(Q[9])+Q[10]+r3(Q[11])+Q[12]+r4(Q[13])+Q[14]+r5(Q[15]))+K[6]+Q[16]+r6(Q[17])+Q[18]+r7(Q[19])+s5(Q[20])+s4(Q[21])$$

$$Q[23]=Q[7]+r1(Q[8])+Q[9]+r2(Q[10])+Q[11]+r3(Q[12])+Q[13]+r4(Q[14])+Q[15])+K[7]+r5(Q[16])+Q[17]+r6(Q[18])+Q[19]+r7(Q[20])+s5(Q[21])+s4(Q[22])$$

$$Q[24]=Q[8]+r1(Q[9])+Q[10]+r2(Q[11])+Q[12]+r3(Q[13])+Q[14]+r4(Q[15]))+K[8]+Q[16]+r5(Q[17])+Q[18]+r6(Q[19])+Q[20]+r7(Q[21])+s5(Q[22])+s4(Q[23])$$

$$Q[25]=Q[9]+r1(Q[10])+Q[11]+r2(Q[12])+Q[13]+r3(Q[14])+Q[15])+K[9]+r4(Q[16])+Q[17]+r5(Q[18])+Q[19]+r6(Q[20])+Q[21]+r7(Q[22])+s5(Q[23])+s4(Q[24])$$

$$Q[26]=Q[10]+r1(Q[11])+Q[12]+r2(Q[13])+Q[14]+r3(Q[15]))+K[10]+Q[16]+r4(Q[17])+Q[18]+r5(Q[19])+Q[20]+r6(Q[21])+Q[22]+r7(Q[23])+s5(Q[24])+s4(Q[25])$$

$$Q[27]=Q[11]+r1(Q[12])+Q[13]+r2(Q[14])+Q[15])+K[11]+r3(Q[16])+Q[17]+r4(Q[18])+Q[19]+r5(Q[20])+Q[21]+r6(Q[22])+Q[23]+r7(Q[24])+s5(Q[25])+s4(Q[26])$$

$$Q[28]=Q[12]+r1(Q[13])+Q[14]+r2(Q[15]))+K[12]+Q[16]+r3(Q[17])+Q[18]+r4(Q[19])+Q[20]+r5(Q[21])+Q[22]+r6(Q[23])+Q[24]+r7(Q[25])+s5(Q[26])+s4(Q[27])$$

$$Q[29]=Q[13]+r1(Q[14])+Q[15])+K[13]+r2(Q[16])+Q[17]+r3(Q[18])+Q[19]+r4(Q[20])+Q[21]+r5(Q[22])+Q[23]+r6(Q[24])+Q[25]+r7(Q[26])+s5(Q[27])+s4(Q[28])$$

$$Q[30]=Q[14]+r1(Q[15]))+K[14]+Q[16]+r2(Q[17])+Q[18]+r3(Q[19])+Q[20]+r4(Q[21])+Q[22]+r5(Q[23])+Q[24]+r6(Q[25])+Q[26]+r7(Q[27])+s5(Q[28])+s4(Q[29])$$

$$Q[31]=Q[15])+K[15]+r1(Q[16])+Q[17]+r2(Q[18])+Q[19]+r3(Q[20])+Q[21]+r4(Q[22])+Q[23]+r5(Q[24])+Q[25]+r6(Q[26])+Q[27]+r7(Q[28])+s5(Q[29])+s4(Q[30]),$$

kde "klíč" K je definován jako

$K = (K[0], \dots, K[15]) = B(M) + C$ , kde C je tvořena násobením const5 (pro  $m = 512$  je const5 = 0x05555555 a pro  $m = 512$  je const5 = 0x0555555555555555) a

$K[i] = (i+16)*const5 + M[i \bmod 16] + M[(i+3) \bmod 16] - M[(i+10) \bmod 16]$  pro  $i = 0, \dots, 15$ .

Nyní definujeme **horní trojúhelníkovou transformaci**  $P = T^U(Q_a)$ :

$P = (P[0], \dots, P[15]) = T^U(Q_a) = T^U(Q[0], \dots, Q[15])$ , kde

$$P[0] = s1(Q[0])+s2(Q[1])+s3(Q[2])+s0(Q[3])+s1(Q[4])+s2(Q[5])+s3(Q[6])+s0(Q[7])+s1(Q[8])+s2(Q[9])+s3(Q[10])+s0(Q[11])+s1(Q[12])+s2(Q[13])+s3(Q[14])+s0(Q[15])$$

$$P[1] = s_1(Q[1]) + s_2(Q[2]) + s_3(Q[3]) + s_0(Q[4]) + s_1(Q[5]) + s_2(Q[6]) + s_3(Q[7]) + s_0(Q[8]) + s_1(Q[9]) + s_2(Q[10]) + s_3(Q[11]) + s_0(Q[12]) + s_1(Q[13]) + s_2(Q[14]) + s_3(Q[15])$$

$$P[02] = Q[2] + r_1(Q[3]) + Q[4] + r_2(Q[5]) + Q[6] + r_3(Q[7]) + Q[8] + r_4(Q[9]) + Q[10] + r_5(Q[11]) + Q[12] + r_6(Q[13]) + Q[14] + r_7(Q[15])$$

$$P[03] = Q[3] + r_1(Q[4]) + Q[5] + r_2(Q[6]) + Q[7] + r_3(Q[8]) + Q[9] + r_4(Q[10]) + Q[11] + r_5(Q[12]) + Q[13] + r_6(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[4] = Q[4] + r_1(Q[5]) + Q[6] + r_2(Q[7]) + Q[8] + r_3(Q[9]) + Q[10] + r_4(Q[11]) + Q[12] + r_5(Q[13]) + Q[14] + r_6(Q[15])$$

$$P[5] = Q[5] + r_1(Q[6]) + Q[7] + r_2(Q[8]) + Q[9] + r_3(Q[10]) + Q[11] + r_4(Q[12]) + Q[13] + r_5(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[6] = Q[6] + r_1(Q[7]) + Q[8] + r_2(Q[9]) + Q[10] + r_3(Q[11]) + Q[12] + r_4(Q[13]) + Q[14] + r_5(Q[15])$$

$$P[7] = Q[7] + r_1(Q[8]) + Q[9] + r_2(Q[10]) + Q[11] + r_3(Q[12]) + Q[13] + r_4(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[8] = Q[8] + r_1(Q[9]) + Q[10] + r_2(Q[11]) + Q[12] + r_3(Q[13]) + Q[14] + r_4(Q[15])$$

$$P[9] = Q[9] + r_1(Q[10]) + Q[11] + r_2(Q[12]) + Q[13] + r_3(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[10] = Q[10] + r_1(Q[11]) + Q[12] + r_2(Q[13]) + Q[14] + r_3(Q[15])$$

$$P[11] = Q[11] + r_1(Q[12]) + Q[13] + r_2(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[12] = Q[12] + r_1(Q[13]) + Q[14] + r_2(Q[15])$$

$$P[13] = Q[13] + r_1(Q[14]) + Q[15]$$

$$P[14] = Q[14] + r_1(Q[15])$$

$$P[15] = Q[15]$$

Definujeme **přičtení klíče jako transformaci  $K^A$** :

$$R = K^A(P, K) = P + K = (R[0], \dots, R[15]), \text{ kde } R[i] = K[i] + P[i], i = 0, \dots, 15$$

Definujeme **dolní trojúhelníkovou transformaci  $Q_b = (Q[16], \dots, Q[31]) = Q_b = T^L(R)$** .

Poznamenejme, že tento výpočet je na rozdíl od předchozího "zpětnovazební", tj. nově počítané  $Q$  se používají ihned dále v následujícím vztahu.

$$Q[16] = R[0]$$

$$Q[17] = R[1] + s_0(Q[16])$$

$$Q[18] = R[2] + s_5(Q[16]) + s_4(Q[15])$$

$$Q[19] = R[3] + r_7(Q[16]) + s_5(Q[17]) + s_4(Q[18])$$

$$Q[20] = R[4] + Q[14] + r_7(Q[13]) + s_5(Q[12]) + s_4(Q[11])$$

$$Q[21] = R[5] + r_6(Q[16]) + Q[17] + r_7(Q[18]) + s_5(Q[19]) + s_4(Q[20])$$

$$Q[22] = R[6] + Q[16] + r_6(Q[17]) + Q[18] + r_7(Q[19]) + s_5(Q[20]) + s_4(Q[21])$$

$$Q[23] = R[7] + r_5(Q[16]) + Q[17] + r_6(Q[18]) + Q[19] + r_7(Q[20]) + s_5(Q[21]) + s_4(Q[22])$$

$$Q[24] = R[8] + Q[16] + r_5(Q[17]) + Q[18] + r_6(Q[19]) + Q[20] + r_7(Q[21]) + s_5(Q[22]) + s_4(Q[23])$$

$$Q[25] = R[9] + r_4(Q[16]) + Q[17] + r_5(Q[18]) + Q[19] + r_6(Q[20]) + Q[21] + r_7(Q[22]) + s_5(Q[23]) + s_4(Q[24])$$

$$Q[26] = R[10] + Q[16] + r_4(Q[17]) + Q[18] + r_5(Q[19]) + Q[20] + r_6(Q[21]) + Q[22] + r_7(Q[23]) + s_5(Q[24]) + s_4(Q[25])$$

$$Q[27] = R[11] + r_3(Q[16]) + Q[17] + r_4(Q[18]) + Q[19] + r_5(Q[20]) + Q[21] + r_6(Q[22]) + Q[23] + r_7(Q[24]) + s_5(Q[25]) + s_4(Q[26])$$

$$Q[28] = R[12] + Q[16] + r_3(Q[17]) + Q[18] + r_4(Q[19]) + Q[20] + r_5(Q[21]) + Q[22] + r_6(Q[23]) + Q[24] + r_7(Q[25]) + s_5(Q[26]) + s_4(Q[27])$$

$$Q[29] = R[13] + r_2(Q[16]) + Q[17] + r_3(Q[18]) + Q[19] + r_4(Q[20]) + Q[21] + r_5(Q[22]) + Q[23] + r_6(Q[24]) + Q[25] + r_7(Q[26]) + s_5(Q[27]) + s_4(Q[28])$$

$$Q[30] = R[14] + Q[16] + r_2(Q[17]) + Q[18] + r_3(Q[19]) + Q[20] + r_4(Q[21]) + Q[22] + r_5(Q[23]) + Q[24] + r_6(Q[25]) + Q[26] + r_7(Q[27]) + s_5(Q[28]) + s_4(Q[29])$$

$$Q[31] = R[15] + r_1(Q[16]) + Q[17] + r_2(Q[18]) + Q[19] + r_3(Q[20]) + Q[21] + r_4(Q[22]) + Q[23] + r_5(Q[24]) + Q[25] + r_6(Q[26]) + Q[27] + r_7(Q[28]) + s_5(Q[29]) + s_4(Q[30])$$

Vidíme, že

$f_1 = T^L \cdot K^A \cdot T^U$ , kde  $T^U$ ,  $K^A$  a  $T^L$  jsou bijektivní transformace. Tím máme popsán rozklad funkce  $f_1$ :  $\underline{Q_b} = \underline{f_1(M, Q_a)} = \underline{T^L(T^U(Q_a) + B(M) + C)}$ .

## C. SmartCard Forum 2009

Zveme Vás na druhý ročník velmi úspěšné odborné konference věnované tématu využití čipových technologií v oblasti bezpečnosti, která proběhne dne: 21.05.2009 v Praze, v konferenčním sále společnosti OKsystem s.r.o.

Konference je určena pro širokou odbornou veřejnost a manažery v oblastech informačních a komunikačních technologií, se zaměřením na využití čipových karet.

**Konferenční poplatek je 0,- Kč**, avšak je nutná registrace předem:



[http://www.oksystem.cz/akce/registrace\\_smartcardforum](http://www.oksystem.cz/akce/registrace_smartcardforum)

Na konferenci zazní tyto prezentace:

**František Maleč** (Státní tiskárna cenin) - Identifikační doklady v ČR

**Ivo Rosol** (OKsystem s.r.o.) - Elektronické občanské průkazy v EU

**Tomáš Rosa** (Raiffeisenbank, a.s.) - Penetrační testy RFID čipů aneb když pravda je horší než lež

**Tomáš Trpišovský** (IMA s.r.o.) - Moderní technologie pro identifikace replikačních robotů

**Václav Lín** (OKsystem s.r.o.) - SIM karty a SIM aplikace

**Vlastimil Klíma** (nezávislý kryptolog) - Současná kryptologie a hashovací funkce v praxi

Moderátorem akce je: pan **Petr Koubský**

## D. O čem jsme psali v březnu 2000 – 2008

### Crypto-World 3/2000

A.	Nehledá Vás FBI ? (P.Vondruška)	2-3
B.	Aktuality z problematiky eliptických křivek v kryptografii (J. Pinkava)	3-4
C.	Hrajeme si s mobilním telefonem Nokia (anonym)	5
D.	Tiskové prohlášení - Pozměňovací návrhy k zákonu o elektronickém podpisu bude projednávat hospodářský výbor Parlamentu	6
E.	Digital Signature Standard (DSS)	7-8
F.	Matematické principy informační bezpečnosti	9
G.	Letem šifrovým světem	9-10
H.	Závěrečné informace	11

### Crypto-World 3/2001

A.	Typy elektronických podpisů (P.Vondruška)	2 - 9
B.	Tiskové prohlášení č.14, Microsoft, 15.2.2001	10
C.	Kryptografický modul MicroCzech I. (P. Vondruška)	11-16
D.	Názor na článek J.Hrubý, I.Mokoš z 2/2001 (P. Vondruška)	17-18
E.	Názor na článek J.Hrubý, I.Mokoš z 2/2001 (J. Pinkava)	19-20
F.	Letem šifrovým světem	21-22
G.	Závěrečné informace	23

### Crypto-World 3/2002

A.	Vysvětlení základních pojmů zákona o elektronickém podpisu (D.Bosáková, P.Vondruška)	2-17
B.	Digitální certifikáty. IETF-PKIX část 1. (J.Pinkava)	17-20
C.	Bezpečnost RSA – význačný posun? (J.Pinkava)	21
D.	Terminologie II. (V.Klíma)	22
E.	Letem šifrovým světem	23-26
	1. O čem jsme psali v březnu roku 2000 a 2001	
	2. Encryption in corporate networks can be 'pried open'	
	3. ISO-registr kryptografických algoritmů byl zpřístupněn On-Line!	
	4. Velikonoční kryptobesídka , 3. - 4. dubna 2002 v Brno	
	5. Uľahčí elektronický podpis podnikanie? Zámery a prvé praktické skúsenosti, 20.2.2002, Bratislava	
	6. Seminář GnuPG, 5. 4. 2002 v Praze	
	7. DATAKON 2002, 19. - 22. 10. 2002, Brno	
F.	Závěrečné informace	

### Crypto-World 3/2003

A.	České technické normy a svět, III.část (Národní normalizační proces) (P.Vondruška)	2 – 6
B.	Přehled norem v oblasti bezpečnosti informačních technologií (normy vyvíjené ISO/IEC JTC1 SC27 a ISO TC 68) zavedených do soustavy českých norem (P. Wallenfels)	7-10
C.	Digitální certifikáty. IETF-PKIX část 10. CVP(J.Pinkava)	11-13
D.	Obecnost neznámá nejednoznačnost, aneb ještě malá poznámka k některým nedostatkům zákona o elektronickém podpisu před jeho novelizací (J.Matejka)	14-19
E.	Letem šifrovým světem	20-23
F.	Závěrečné informace	24

Příloha : crypto\_p3.pdf

**Crypto-World 3/2004**

A.	Nastavení prohlížeče IE pro používání kontroly CRL (P.Vondruška)	2-4
B.	Jak jsem pochopil ochranu informace, část 2. (T.Beneš)	5-9
C.	Požadavky na politiku poskytovatele, který vydává atributové certifikáty, které lze používat spolu s kvalifikovanými certifikáty (Technical report ETSI 102 158), část 3. (J.Pinkava)	10-12
D.	Archivace elektronických dokumentů, část 4. (J.Pinkava)	13-16
E.	Letem šifrovým světem (TR,JP,PV)	17-19
F.	Závěrečné informace	20

**Crypto-World 3/2005**

A.	Nalézání kolizí MD5 - hračka pro notebook (V.Klíma)	2-7
B.	Co se stalo s hašovacími funkcemi?, část 1 (V.Klíma)	8-10
C.	Popis šifry PlayFair (P. Vondruška)	11-14
D.	První rotorové šifrovací stroje (P. Vondruška)	15-16
E.	Recenze knihy: Guide to Elliptic Curve Cryptography	17-18
F.	O čem jsme psali v březnu 2000 - 2004	19
G.	Závěrečné informace	20

**Crypto-World 3/2006**

A.	Klíče a hesla (doporučení pro začátečníky) (P.Vondruška)	2-6
B.	Poznámky k internetovému podvodu zaměřenému na klienty české Citibank (O. Suchý)	7-12
C.	NIST (National Institute of Standards and Technology - USA) a kryptografie, část 2. (J.Pinkava)	13-15
D.	Elektronické volby v ČR ? (J.Hrubý)	16-20
E.	O čem jsme psali v březnu 2000 - 2005	21
F.	Závěrečné informace	22

**Crypto-World 3/2007**

A.	O speciální blokované šifře DN a hašovací funkci HDN (T.Rosa)	2-3
B.	Rodina speciálních blokovaných šifer DN a hašovacích funkcí nové generace HDN typu SNMAC (V.Klíma)	4-26
C.	Najväčšia tma je pod lampou – STEGANOGRAFIA, část II. (R.Cinkais)	27-33
D.	Šifrování v MS Office (P.Tesař)	34
E.	O čem jsme psali v březnu 2000 – 2006	35-36
F.	Závěrečné informace	37

**Crypto-World 3/2008**

A.	E-zin 3/2008 + Voynichův rukopis (P.Vondruška)	2-3
B.	Voynichův rukopis (Wikipedia)	4-7
C.	Záhadný Dr. Rafael (J.Hurych)	8-12
D.	Z dějin československé kryptografie, část VI., Československé šifrovací stroje z období 1955 – 1960. Šifrovací stroj ŠD – 2 (2. díl) (K.Šklíba)	13-22
E.	O čem jsme psali v březnu 2000 - 2007	23-24
F.	Závěrečné informace	25



## E. Závěrečné informace

### 1. Sešit

Crypto-World je oficiální informační sešit "Kryptologické sekce Jednoty českých matematiků a fyziků" (GCUCMP). Obsahuje články podepsané autory. Případné chyby a nepřesnosti jsou dílem P. Vondrušky a autorů jednotlivých podepsaných článků, GCUCMP za ně nemá odbornou ani jinou zodpovědnost.

Adresa URL, na níž můžete najít tento sešit (zpravidla 3 týdny po jeho rozeslání) a předchozí sešity GCUCMP, denně aktualizované novinky z kryptologie a informační bezpečnosti, normy, standardy, stránky některých členů a další související materiály:

<http://crypto-world.info>

### 2. Registrace / zrušení registrace

Zájemci o e-zin se mohou zaregistrovat pomocí e-mailu na adrese [pavel.vondruska@crypto-world.info](mailto:pavel.vondruska@crypto-world.info) (předmět: Crypto-World) nebo použít k odeslání žádosti o registraci elektronický formulář na <http://crypto-world.info>. Při registraci vyžadujeme pouze jméno a příjmení, titul, pracoviště (není podmínkou) a e-mail adresu určenou k zasílání kódů ke stažení sešitu.

Ke zrušení registrace stačí zaslat krátkou zprávu na e-mail [pavel.vondruska@crypto-world.info](mailto:pavel.vondruska@crypto-world.info) (předmět: ruším odběr Crypto-Worldu!) nebo opět použít formulář na <http://crypto-world.info>. Ve zprávě prosím uveďte jméno a příjmení a e-mail adresu, na kterou byly kódy zasílány.

### 3. Redakce

#### E-zin Crypto-World

Redakční práce:	Pavel Vondruška
Stálí přispěvatelé:	Pavel Vondruška Jaroslav Pinkava
Jazyková úprava:	Jakub Vrána
Přehled autorů:	<a href="http://crypto-world.info/obsah/autori.pdf">http://crypto-world.info/obsah/autori.pdf</a>
NEWS (výběr příspěvků, komentáře a vkládání na web)	Vlastimil Klíma Jaroslav Pinkava Tomáš Rosa Pavel Vondruška
Webmaster	Pavel Vondruška, jr.

### 4. Spojení (abecedně)

redakce e-zinu	<a href="mailto:ezin@crypto-world.info">ezin@crypto-world.info</a> ,	<a href="http://crypto-world.info">http://crypto-world.info</a>
Vlastimil Klíma	<a href="mailto:v.klima@volny.cz">v.klima@volny.cz</a> ,	<a href="http://cryptography.hyperlink.cz/">http://cryptography.hyperlink.cz/</a>
Jaroslav Pinkava	<a href="mailto:Jaroslav.Pinkava@zoner.cz">Jaroslav.Pinkava@zoner.cz</a> ,	<a href="http://crypto-world.info/pinkava/">http://crypto-world.info/pinkava/</a>
Tomáš Rosa	<a href="mailto:t_rosa@volny.cz">t_rosa@volny.cz</a> ,	<a href="http://crypto.hyperlink.cz/">http://crypto.hyperlink.cz/</a>
Pavel Vondruška	<a href="mailto:pavel.vondruska@crypto-world.info">pavel.vondruska@crypto-world.info</a> ,	<a href="http://crypto-world.info/vondruska/index.php">http://crypto-world.info/vondruska/index.php</a>
Pavel Vondruška, jr.	<a href="mailto:pavel@crypto-world.info">pavel@crypto-world.info</a> ,	<a href="http://webdesign.crypto-world.info">http://webdesign.crypto-world.info</a>
Jakub Vrána	<a href="mailto:jakub@vrana.cz">jakub@vrana.cz</a> ,	<a href="http://www.vrana.cz/">http://www.vrana.cz/</a>